

# کاربرد رگرسیون خطی با ضرایب فازی متقارن و نامتقارن در بررسی رفتار نرخ ارز واقعی در ایران

رضا اشرف گنجویی، حسین اکبری فرد

دانشکده مدیریت و اقتصاد، دانشگاه شهید باهنر کرمان، ایران

## چکیده

در مطالعات متعدد با بهره‌گیری از روش‌های اقتصاد سنجی به بررسی رفتار نرخ ارز واقعی پرداخته شده است. از آنجا که این شیوه براورد نیاز به اطلاعات کامل و قطعی دارد، در حالی که بسیاری از متغیرهای اقتصادی از جمله نرخ ارز رفتاری نوسانی دارند همچنین اطلاعات قطعی از عوامل تاثیرگذار بر این متغیرها در دسترس نمی‌باشد. در این مقاله برای بررسی رفتار نرخ ارز واقعی، از رگرسیون فازی برای یک دوره زمانی بیست ساله استفاده شده است. علت استفاده از رگرسیون فازی به دلیل انعطاف‌پذیری در مدل سازی بوده است از طرفی در روش‌های اقتصاد سنجی فرض‌های محدودکننده ای وجود دارد که در روش‌های براورد رگرسیون فازی وجود ندارد. نتایج این مطالعه با توجه به مراکز و پهنهای فازی هر یک از متغیرها نشان دهنده آن است که درآمد‌های نفیتی نسبت به سایر متغیرها، بیشترین تاثیرگذاری را بر نرخ ارز دارد همچنین نمای نرخ ارز واقعی برای تمام درجه‌های عضویت یکسان است، که تایید کننده سیاست مدیریت عرضه ارز در ایران می‌باشد از طرفی دامنه انحراف پهنهای راست و چپ از سال ۱۳۷۵ تا سال ۱۳۸۵ اندک است اما برای سال‌های ۱۳۸۵ به بعد دامنه انحراف پهنهای راست در حال افزایش است و دامنه انحراف برای پهنهای چپ اندک و با ثبات است.

Mathematics Subject Classification (2010): 62A86 , Email: reza – ashrafig@yahoo.com.

عبارات و کلمات کلیدی: رگرسیون فازی ، ضرایب متقارن و نامتقارن ، نرخ ارز واقع (انجمن سیستم‌های فازی ایران) ۱۳۹۸

## ۱ مقدمه

مجموعه های فازی توسط پروفسور لطفی علی عسکر زاده دانشمند ایرانی تبار در سال ۱۹۶۵ معرفی شد [۱]. از آن زمان به بعد موضوع مدلسازی و تحلیل رگرسیونی در محیط فازی مورد توجه پژوهشگران علوم نظری و کاربردی قرار گرفته است [۹]. در موضوع رگرسیون در محیط فازی دو رویکرد وجود دارد یک رویکرد مبتنی بر کمترین مجموع فاصله و دیگری رویکرد امکانی (کمینه سازی ابهام کل مدل تحت برخی قیود) است. رگرسیون امکانی نخستین بار توسط تاناکا و همکاران در سال (۱۹۸۲) معرفی شد [۱] و [۲] و [۱۰] این مدل با ضرایب فازی بود که برای مدل سازی دادهای ورودی- خروجی دقیق پیشنهاد شده است. برآورد پارامترهای فازی مدل با حل یک مسأله برنامه ریزی خطی به دست می آید که در آن تابع هدف که کمینه می شود، مجموع پهناهای ضرایب و قیود به گونه ای تنظیم می شوند که مقدار مشاهده شده متغیر وابسته با یک درجه خاص عضو مجموعه فازی برآورد شده باشد [۱۰]. چون تابع عضویت مجموعه های فازی اغلب به عنوان توزیع های امکانی توصیف می شود، لذا این رویکرد را رگرسیون امکانی می نامند [۱۰]. اقتصاددانان برای دستیابی به اهداف نظری و تجربی خود، بیشتر روی مفهوم نرخ ارز واقعی تمرکز نموده اند. در ایران نظام ارزی کشور قبل از انقلاب اسلامی، یک نظام ثابتی به سبد ارزی حق برداشت مخصوص بود و نرخ رسمی بر اساس هر حق برداشت مخصوص معادل ۹۲۳۰ ریال تعیین می شد [۶]. اما پس از انقلاب اسلامی و خروج سرمایه از ایران و مشکلات صدور نفت، اعمال کنترل های ارزی به منظور حفظ ذخایر ارزی کشور ضرورت پیدا کرد. در این راستا، نظام نرخهای ارز چندگانه شکل گرفت و در کنار آن بازار آزاد غیر رسمی ارز نیز به وجود آمد. بر این اساس در اقتصاد ایران شناخت عوامل مؤثر بر رفتار نرخ ارز واقعی از اهمیت ویژه ای برخوردار است. شناخت رفتار نرخ ارز واقعی نیازمند معیارهای اندازه گیری عوامل موثر بر نرخ ارز واقعی است. اغلب برای اندازه گیری نرخ ارز واقعی سه معیار مختلف وجود دارد [۳]. معیار اول اندازه گیری نرخ ارز واقعی براساس نظریه برابری قدرت خرید مخارج نسبی. این معیار، از شاخص قیمت مصرف کننده دو کشور طرف تجاری استفاده می شود. معیار دوم اندازه گیری نرخ ارز واقعی بر اساس کالاهای قابل مبادله (دو کالایی). این معیار در مواقعی است که به دلیل ساختار اقتصادی کشورها به لحاظ نظری به جای نرخ ارز واقعی خارجی از نرخ ارز واقعی داخلی استفاده می شود. نرخ ارز واقعی داخلی به دو روش دوکالایی و سه کالایی تعریف می شود. معیار سوم اندازه گیری نرخ ارز واقعی بر اساس کالاهای قابل مبادله (سه کالایی) [۳]. این معیار وقتی است که از بعد اقتصادی، برای کشورهای درحال توسعه دستیابی به قیمت های حقیقی از اهمیت ویژه ای برخوردار است. قیمت های نسبی نشان می دهند که چه کالاهایی و به چه میزان تولید و مصرف شود. بنابراین قیمت های نسبی نقش کلیدی در تخصیص منابع در اقتصاد دارند [۳]. نرخ واقعی ارز یکی از قیمت های نسبی مهم در هر اقتصاد است که

عبارت است از نسبت قیمت کالاهای خارجی به کالاهای داخلی، بنابراین نرخ ارز واقعی علامت مهمی را برای عوامل اقتصادی ایجاد می‌کند<sup>[۴]</sup>. تحلیل رفتار نرخ ارز واقعی به منظور تدوین سیاست هایی جهت تعديل این شاخص از اهمیت بالایی بخوردار است. مطابق با مطالعات صورت گفته در این خصوص نظریه مراجع [۵] و [۸] و [۱۵] و [۳]-[۷]، مهمترین متغیرهای اثرگذار بر نرخ ارز واقعی را بررسی کرده‌اند. در تمامی مطالعات انجام شده برای بررسی رفتار نرخ ارز واقعی از مدل‌های اقتصاد سنجی که برای تصریح به اطلاعات کامل و قطعی نیاز دارد استفاده شده و این در حالی است که رفتار نرخ ارز در حال تغییر و نوسان بوده و همچنین عوامل موثر بر نرخ ارز واقعی نیز حالت نوسانی دارد و اطلاعات قطعی از روند انها در دسترس نمی‌باشد، بنا براین با توجه به این نوسانات و عدم قطعیت نیازمند الگویی هستیم که این عدم قطعیت را مدل سازی کند. در این تحقیق از مدل رگرسیون فازی، که قدرت توضیح دهنگی فوق العاده ای در این زمینه دارد<sup>[۱۲] و [۱۴]</sup> به بررسی این موضوع خواهیم پرداخت. ادامه این تحقیق در شش بخش تنظیم شده است. بخش ۲ تشریح محاسبات را ارائه می‌کنیم. در بخش ۳ به ارائه یافته‌های این پژوهش و در بخش ۴ به نتیجه‌گیری می‌پردازیم.

## ۲ تشریح محاسبات مربوط به مدل رگرسیون خطی با ضرایب فازی متقارن و نامتقارن

صورت کلی مدل رگرسیونی با ضرایب فازی به صورت رابطه (۱) است<sup>[۱۱]</sup>

$$\tilde{Y} = f(\mathbf{x}, A) = \tilde{A}_0 + \tilde{A}_1 x_1 + \tilde{A}_2 x_2 + \cdots + \tilde{A}_n x_n \quad (1)$$

که در آن  $\tilde{Y}$  متغیر وابسته یا اصطلاحاً خروجی فازی است،  $(x_1, x_2, \dots, x_n)$  بردار متغیر مستقل یا اصطلاحاً بردار ورودی و  $A = \{\tilde{A}_0, \tilde{A}_1, \dots, \tilde{A}_n\}$  یک مجموعه از اعداد فازی است. مدل رگرسیون خطی با پارامترهای فازی، ورودی‌های غیر فازی و خروجی فازی را به صورت مسئله برنامه‌ریزی خطی فرموله می‌شود که هدف مینیمم کردن ابهام مدل رگرسیون خطی فازی است به طوری که دامنه مقادیر تخمین زده شده دامنه مقادیر مشاهده شده را در یک سطح معین بیوشاند<sup>[۹]</sup>. در این مطالعه نیز ضرائب رگرسیون

به صورت اعداد فازی مثلثی به شکل زیر تعریف می‌شود.

$$\tilde{A}(x) = \begin{cases} 1 - \frac{a-x}{s^L} & a - s^L \leq x \leq a \\ 1 - \frac{x-a}{s^R} & a < x \leq a + s^R \end{cases} \quad (2)$$

که در آن  $a$  مقدار نما  $s^R, s^L$  به ترتیب پهنهای چپ و پهنهای راست  $\tilde{A}$  هستند. اگر  $s^R \neq s^L$  ان گاه عدد فازی مثلثی  $\tilde{A}$  را نامتقارن گوییم. در این حالت تابع عضویت  $\tilde{A}$  را با توجه به سه مشخصه  $a, s^L, s^R$  به گونه‌ای دیگری نیز این تابع عضویت را نمایش داد. یعنی پهنهای راست را بر حسب پهنهای چپ بیان کرد. به این صورت که در تابع عضویت بالا قرار دهیم  $s^R = ks^L$  که در آن  $k$  که عددی حقیقی و مثبت است. ضریب کشیدگی نامیده می‌شود. بنابراین عدد فازی مثلثی نامتقارن  $\tilde{A}$  را می‌توان با سه تابی  $\tilde{A} = (a, s^L, k)$  نیز توصیف کرد در این حالت تابع عضویت  $\tilde{A}$  به صورت زیر در می‌اید.

$$\tilde{A}(x) = \begin{cases} 1 - \frac{a-x}{s^L} & a - s^L \leq x \leq a \\ 1 - \frac{x-a}{ks^R} & a < x \leq a + ks^R \end{cases} \quad (3)$$

انگاه بنا به رابطه (۱) خروجی فازی نیز یک عدد فازی مثلثی نامتقارن به صورت زیر است که در آن  $f_s^L(\underline{x})$  نما و  $f_s^L(\underline{x})$  پهنهای چپ و  $f_s^R(\underline{x})$  پهنهای راست  $\tilde{Y}$  می‌باشد [۱].

$$f^c(\underline{x}) = a_0 + a_1 x_1 + \cdots + a_n x_n \quad (4)$$

$$f_s^L(\underline{x}) = s_0^L + s_1^L x_1 + \cdots + s_n^L x_n \quad f_s^R(\underline{x}) = s_0^R + s_1^R x_1 + \cdots + s_n^R x_n$$

به بیان دیگر تابع عضویت  $\tilde{Y}$  عبارت است از

$$\tilde{Y}(y) = \begin{cases} 1 - \frac{f^c(\underline{x}) - y}{f_s^L(\underline{x})}, & f^c(\underline{x}) - f_s^L(\underline{x}) \leq y \leq f^c(\underline{x}) \\ 1 - \frac{y - f^c(\underline{x})}{f_s^R(\underline{x})}, & f^c(\underline{x}) < y \leq f^c(\underline{x}) + f_s^R(\underline{x}) \end{cases} \quad (5)$$

در رگرسیون فازی هدف آن است که اولاً خروجی فازی برای تمامی مقادیر  $m, 1, 2, \dots, n$  دارای درجه عضویتی دست کم به بزرگی  $h$  باشد [۱]. یعنی

$$\tilde{Y}_j(\tilde{y}_j) \geq h \quad i = 1, 2, \dots, m \quad (6)$$

ثانیاً ضرایب فازی  $\tilde{A}_i, i = 0, 1, 2, \dots, n$  به گونه ای باشند که ابهام خروجی فازی مینیمم گردد. در حالتی که  $\tilde{A}_i, i = 0, 1, 2, \dots, n$  متقارن هستند مجموع پنهانی خروجی فازی  $\tilde{Y}$  برای همه‌ی دادها کمیت زیر است که ان را تابع هدف می‌نامیم [۱]. تابع هدف برای حالت متقارن به صورت زیر است.

$$Z = 2ms_0 + 2 \sum_{i=1}^n (s_i \sum_{j=1}^m x_{ji}) \quad (7)$$

در رابطه اخیر منظور از  $x_{ji}$  مشاهده زام متغیر  $i$  است. در حالتی که  $n, 1, 2, \dots, n$  نامتقارن باشند  $Z$  به اینصورت زیر تغییر می‌یابد [۱].

$$Z = m(s_0^L + s_0^R) + \sum_{i=1}^n \left[ (s_0^L + s_0^R) \sum_{j=1}^m x_{ji} \right] \quad (8)$$

در حالتی که  $n$  ها را متقارن در نظر بگیریم. از قرار دادن رابطه (۴) در (۱۰) و (۵)، محدودیت‌ها به صورت رابطه (۹) و (۱۰) حاصل می‌شود [۱].

$$(1-h)s_0 + (1-h) \sum_{i=1}^n (s_0 x_{ji}) - a_0 \\ - \sum_{i=1}^n (s_0 x_{ji}) \geq -y_i \quad , \quad j = 1, 2, \dots, m \quad (9)$$

$$(1-h)s_0 + (1-h) \sum_{i=1}^n (s_0 x_{ji}) + a_0 \\ + \sum_{i=1}^n (s_0 x_{ji}) \geq +y_i \quad , \quad j = 1, 2, \dots, m \quad (10)$$

در رابطه اخیر منظور از  $x_{ji}$  مشاهده زام متغیر  $i$  است که برای هر مشاهده دو محدودیت داریم. در حالتی که  $\tilde{A}_i, i = 0, 1, 2, \dots, n$  را نامتقارن در نظر بگیریم محدودیت‌های مدل رگرسیونی به صورت زیر

حاصل می‌شود که با جایگذاری  $k_i s_i^L = s_i^R$  می‌توان بر حسب ضرایب کشیدگی به صورت زیر نوشت. در این رابطه  $k$  که عددی حقیقی و مثبت است. که ضریب کشیدگی نامیده می‌شود. [۱].

$$\begin{aligned} & (1-h) K_s^L + (1-h) \sum_{i=1}^n (K_i s_i^L x_{ji}) - a \\ & - \sum_{i=1}^n (a_i x_{ji}) \geq + y_i \quad , j = 1, 2, \dots, m \end{aligned} \quad (11)$$

### ۳ یافته‌های تحقیق

اکنون برای یک حالت خاص (مانند رفتار نرخ ارز واقعی) مدل رگرسیون خطی با ضرایب فازی متقارن و نامتقارن را بدست می‌آوریم و نتیجه مدل، تفسیر و تحلیل خواهد شد. در این بخش رگرسیون فازی با فرض ابهام در ضرایب درخصوص رفتار نرخ ارز واقعی  $z$  بر روی متغیرهای مستقل که  $x_1$  حاصل جمع صادرات و واردات به تولید ناخالص داخلی،  $x_2$  سیاست‌های ارز،  $x_3$  نسبت سرمایه‌گذاری به تولید ناخالص داخلی،  $x_4$  مالیات بر واردات و  $x_5$  درامد‌های نفتی را توضیح می‌دهیم. دادهای مربوطه از سایت بانک مرکزی [۲۱] اخذ شده و تعداد مشاهده بیست سال که در مجموع ۴۰ قید است نرخ ارز واقعی ( $z$ ) را حداقل می‌کنیم. پس از تشکیلتابع هدف و قیدها با توجه به رابطه (۷)، (۹) و (۱۰) و حل معادله خطی با توجه به  $h$  های گوناگون مقادیر  $a_i$   $s_i$ ،  $i = 0, 1, \dots, n$  با استفاده از نرم افزار گمز [۲۰] محاسبه می‌شود. با حل مسئله برنامه‌ریزی خطی با ۴۰ قید به شکل نامعادلات (۹) و (۱۰) که در آن  $n$  تعداد متغیرها،  $h$  درجه عضویت و  $m$  تعداد مشاهدات است که جواب‌های آن در جدول ۱ نشان داده شده است. همچنین مقدار مینیمم شده تابع هدف  $z$  (نرخ ارز واقعی) نیز برای  $h = ۰/۵$  برابر با  $83369/24 = 83369/24$  است که برای ضرایب به صورت زیر بدست می‌آید.

$$\begin{aligned} A_0 &= (0, 0)_T, & A_4 &= (0.057, 0.032)_T \\ A_1 &= (0, 0)_T, & A_3 &= (0, 0.004)_T \\ A_2 &= (0, 0.120)_T, & A_5 &= (0.9926/24, 0.713/14)_T \end{aligned}$$

حال به ازای مقادیر متغیرهای مستقل و تغییر مقادیر  $h$  مقدار خروجی فازی را پیش‌بینی می‌کنیم. که در جدول ۱ نشان داده شده است. در این جدول خروجی فازی یک عدد مثلثی متقارن همراه با نما و پهنهای آن برای هر متغیر بیان شده است. همانطور که ملاحظه می‌شود تغییر مقادیر  $h$  مراکز  $\tilde{A}_i$  را تغییر

نمی‌دهد اما مقادیر  $s_5$  و  $s_4$  و  $s_2$  و  $z$  (نرخ ارز واقعی) را تحت تاثیر قرار می‌دهد و این یعنی ابهام خروجی  $\widetilde{Y}$  با افزایش  $h$  بیشتر می‌شود. است. از انجا که در رگرسیون فازی برای یافتن جواب‌های بهینه، با استفاده از برنامه ریزی ریاضی به مینیم سازی تابع هدف با توجه به محدودیت‌های مسئله می‌پردازد، مقادیر بهینه برای  $s_{21}, s_{11}, s_{00}, a_3, a_1, a_0$  برابر صفر است (با توجه به رابطه (۷)، (۹) و (۱۰)). ضرایب  $A_i$  را در حالت نامتقارن برای مقادیر مختلف  $k_i$  و  $h$  با استفاده از تابع هدف رابطه (۸) و محدودیت رابطه (۱۱) به دست می‌آوریم. تابع هدف به ازای مقادیر  $h = 0.5$  و  $k_i = 0.5$  در جدول ۲ نشان داده شده است. با حل مسله برنامه ریزی خطی با توجه به رابطه (۸) و (۱۱) جواب‌های زیر به دست می‌آیند. همچنین مقدار مینیمم شده تابع هدف نیز برای  $h = 0.5$  برابر با  $z = 1675$  است. که برای ضرایب که در آن  $A = (a, b)$  به معنی تابع عضویت مثلثی متقارن  $a$  نما و  $b$  پهنا می‌باشد به صورت زیر بدست می‌آید. نمودار ۱ پهنا راست و چپ نرخ ارز واقعی را نشان می‌دهد به طوری که از سال ۱۳۷۵ تا سال ۱۳۸۵ دامنه انحراف پهنا راست و چپ قابل توجه نمی‌باشد اما از سال ۱۳۸۵ به بعد دامنه انحراف پهنا راست افزایش یافته است و دامنه انحراف پهنا چپ با ثبات و ناچیز است.

$$A_0 = (0, 0, 0), \quad A_3 = (0, 0/004, 0)$$

$$A_1 = (0, 0, 0)_T, \quad A_4 = (0.75, 0/032, 0/05)$$

$$A_2 = (0/120, 0, 0), \quad A_5 = (9926/24, 713/14, 25569)$$

برای پیش‌بینی متغیر وابسته و انتخاب یک مدل بهینه، با استفاده از رابطه (۸) و (۱۱) باید به ازای  $k_i$  محاسبات را انجام دهیم. سرانجام مدلی را که ضریب کشیدگی آن معقول و منطقی باشد و مقدار ابهام کل مدل نیز کوچک باشد به عنوان مدل نهایی انتخاب کنیم. در این مطالعه این مراحل را برای چند مقدار  $k$  انجام داده‌ایم و نتایج برپایه  $h = 0.5$  در جدول ۲ درج شده‌اند. با توجه به این جدول در می‌بایس که در حالت نامتقارن با افزایش  $k$  به طور هم زمان تا اندازه‌ای که لحاظ شده است مقادیر  $s_{00}, s_1, s_2, a_1, a_3$  همواره صفر هستند، مقادیر  $s_2, s_4$  تغییر نمی‌کنند ولی مقادیر  $a_2, s_5$  زیاد و مقادیر  $a_0, s_3$  کاهش می‌یابند. و تابع هدف نیز تغییرات اندکی دارد. در جدول ۲ مقادیر چهار ضریب کشیدگی را در ۱ ثابت نگه داشته‌ایم و پنجمی را تغییر داده‌ایم. همانطور که از این جدول مشاهده می‌شود، با تغییر ضرایب کشیدگی هیچ تغییری در مقادیر  $a_5, a_1, a_3, a_0, s_1, s_2, s_3, s_4, a_2, a_4$  به وجود نیامده است. مقدار  $a_0$  در دو حالت خاص ثابت و در بقیه‌ی حالت صفر است. مقدار  $a_2$  و  $a_4$  در دو سه مورد صفر است و در سایر ضرایب تقریباً ثابت است. به نظر می‌رسد، با توجه به جمیع جهات، عدم تقارن ضرایب منجر به یک بهبود چشمگیر در مدل نمی‌شود و میتوان مدل با ضرایب متقاضی را به عنوان مدل نهایی پذیرفت.

## ۴ تجزیه و تحلیل

مطالعات متعددی [۱۶ و ۱۷ و ۱۸ و ۱۹] به بررسی رفتار نرخ ارز واقعی پرداخته اند. در این مطالعه با استفاده از رگرسیون فازی، مقادیری برای مراکز و پهنهای ضرایب (جدول ۱) محاسبه شده است. پارامتر گستره فازی بودن هر یک از متغیرهای مستقل را نشان می دهد یعنی هر چه که مقدار ان بیشتر باشد میزان فازی بودن آن عدد بیشتر است و نشان دهنده مرکز عدد فازی است که در این تحلیل به عنوان متوسط اثر گذاری (مراکز) هر یک از ضرایب استفاده می شود با توجه به نتایج میزان تاثیر گذاری متوسط هر یک از متغیرهای مستقل شامل حاصل جمع صادرات و واردات به تولید ناخالص داخلی، سیاستهای ارز، نسبت سرمایه گذاری به تولید ناخالص داخلی، مالیات بر واردات و درآمدهای نفتی بر نرخ ارز واقعی به ترتیب ۰/۰۷۵، ۰/۰۷۶/۸، ۰/۱۲۰، ۰/۰۳۲، ۰/۰۰۴، ۰/۱۴۳ است. همانطور که مشاهده می شود درآمدهای نفتی بیشترین تاثیر گذاری متوسط و گستره (حداکثر اثر گذاری) بر نرخ ارز واقعی دارد. این تحلیل برای هر یک از متغیرهای مستقل بر نرخ ارز واقعی با توجه به نتایج جدول شماره یک قابل ارایه است. با توجه به نتایج، دامنه انحراف پهنهای راست نرخ ارز واقعی در حال افزایش است اما دامنه انحراف پهنا چپ با ثبات است از این رو سیاست گذاران اقتصادی بایستی توجه ویژه به تبعات افزایش نرخ ارز واقعی در سال های آتی داشته باشند.

جدول ۱: برآورد ضرایب متقارن در رگرسیون خطی فازی

$h$	$S_0$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$	$S_5$	$a_0$	$a_1$	$a_2$	$a_3$	$a_4$	$a_5$	$Z$
۰/۱	۰	۰	۰	۰/۰۰۰	۰/۰۱۸	۳۹۶/۲	۰	۰	۰/۱۲۰	۰	۰/۰۵۷	۹۹۲۶/۸	۴۶۳۱۶/۲۵
۰/۲	۰	۰	۰	۰/۰۰۰	۰/۰۲۰	۴۴۵/۷۲	۰	۰	۰/۱۲۰	۰	۰/۰۵۷	۹۹۲۶/۸	۵۲۱۰/۴۸
۰/۳	۰	۰	۰	۰/۰۰۰	۰/۰۲۳	۵۰۹/۳۹	۰	۰	۰/۱۲۰	۰	۰/۰۵۷	۹۹۲۶/۸	۵۹۵۴۹/۴
۰/۴	۰	۰	۰	۰/۰۰۰	۰/۰۲۷	۵۹۴/۲۹	۰	۰	۰/۱۲۰	۰	۰/۰۵۷	۹۹۲۶/۸	۶۹۴۷۴/۳۷
۰/۵	۰	۰	۰	۰/۰۰۰	۰/۰۳۲	۷۱۳/۱۴	۰	۰	۰/۱۲۰	۰	۰/۰۵۷	۹۹۲۶/۸	۸۳۳۶۹/۲۴
۰/۶	۰	۰	۰	۰/۰۰۰	۰/۰۴۰	۸۹۱/۴۴	۰	۰	۰/۱۲۰	۰	۰/۰۵۷	۹۹۲۶/۸	۱/۰۱۴۳
۰/۷	۰	۰	۰	۰/۰۰۰	۰/۰۵۳	۱۱۸۸/۰۵	۰	۰	۰/۱۲۰	۰	۰/۰۵۷	۹۹۲۶/۸	۱۳۸۹۶
۰/۸	۰	۰	۰	۰/۰۱۱	۰/۰۸۰	۰/۰۸۰	۰	۰	۰/۱۲۰	۰	۰/۰۵۷	۹۹۲۶/۸	۲۰۸۴۲
۰/۹	۰	۰	۰	۰/۰۲۲	۰/۱۶۰	۳۵۶۵/۸	۰	۰	۰/۱۲۰	۰	۰/۰۵۷	۹۹۲۶/۸	۴/۱۶۸

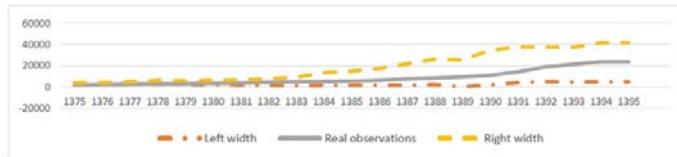
جدول ۲: ضرایب  $\tilde{A}_i$  در حالت نامتقارن با افزایش  $k$  و  $h = ۰/۰۵$  جدول ۳: ضرایب  $\tilde{A}_i$  در حالت نامتقارن

برای مقادیر مختلف  $k_i$  و  $h = ۰/۰۵$

نمودار ۱: پهنهای راست و چپ نرخ ارز واقعی بر اساس برآورد رگرسیون فازی (ارقام به ریال)

K0	K1	K2	K3	K4	K5	S0	S1	S2	S3	S4	S5	a0	a1	a2	a3	a4	a5	z
1	1	1	1	1	1	0	0	0	0.004	0.032	713.1	0	0	0.12	0	0.05	9926.8	1.667
1.1	1.15	1.30	1.45	1.60	1.75	0	0	0	0.001	0.026	1105.9	292.8	0	0.15	0	0.05	7359.6	1.672
1.5	1.65	1.80	1.95	2.10	2.25	0	0	0	0	0.023	1083.6	416.3	0	0.15	0	0.15	6359.6	1.674
1.9	2.05	2.2	2.35	2.50	2.65	0	0	0	0	0.020	964.9	416.3	0	0.15	0	0.15	6320.1	1.675

K0	K1	K2	K3	K4	K5	S0	S1	S2	S3	S4	S5	a0	a1	a2	a3	a4	a5	Z
1.5	1	1	1	1	1	0	0	0	0.004	0.03	713.1	0	0	0.120	0	0.05	9926.8	1.667
3.5	1	1	1	1	1	0	0	0	0.004	0.03	713.1	0	0	0.120	0	0.05	9926.8	1.667
1	1.5	1	1	1	1	0	0	0	0.004	0.03	713.1	0	0	0	0	0	9926.8	1.667
1	3.5	1	1	1	1	0	0	0	0.004	0.03	713.1	0	0	0	0	0	9926.8	1.667
1	1	1.5	1	1	1	0	0	0	0.004	0.03	713.1	0	0	0	0	0	9926.8	1.667
1	1	3.5	1	1	1	0	0	0	0.004	0.03	713.1	0	0	0.120	0	0.05	9926.8	1.667
1	1	1	1.5	1	1	0	0	0	0.001	0.03	1509.1	293.7	0	0.153	0	0.05	7554.5	1.667
1	1	3.5	1	1	1	0	0	0	0.003	0.03	1760.9	416.3	0	0.150	0	0.05	6718.1	1.667
1	1	1	1	1.5	1	0	0	0	0.004	0.02	1760.9	0	0	0.120	0	0.05	9926.8	1.667
1	1	1	1	3.5	1	0	0	0	0.004	0.01	713.1	0	0	0.120	0	0.04	9926.8	1.667
1	1	1	1	1	1.5	0	0	0	0.004	0.03	570.5	0	0	0.120	0	0.05	9855.5	1.667
1	1	1	1	1	3.5	0	0	0	0	0	316.9	0	0	0.120	0	0.05	9728.7	1.667



## ۵ نتیجه‌گیری

در این مقاله، مدل رگرسیون فازی را مورد توجه قرار داده، معرفی و قابلیت آن در پیش بینی رفتار نرخ واقعی ارز را مورد بررسی قرار داده ایم. از انجا که مدل های اقتصاد سنجی بنا به دلایل ساختاری برای تصریح به اطلاعات کامل و قطعی نیاز دارند، این در حالی است که عوامل موثر بر نرخ ارز حالت نوسانی داشته و اطلاعات قطعی از انها در دسترس نمی باشد. بنا براین با توجه به این نوسانات و عدم قطعیت نیازمند الگویی هستیم که این مورد را مدل رگرسیون فازی با توجه به انعطاف پذیری بسیار زیاد نسبت به رگرسیون کلاسیک، مقادیری برای هر پارامتر و متغیر خروجی که بیانگر رفتار واقعی نرخ ارز است براورد می کند، به گونه ای که از براورد مدل رگرسیون فازی چسپندگی به سمت پایین نرخ ارز و همچنین سیستم شناور مدیریت شده ارز در ایران را تحلیل کرده ایم. که بیانگر قدرت توضیح دهنگی فوق العاده مدل رگرسیون فازی است. لازم به ذکر است که در نظام های ارزی شناور مدیریت شده، عموماً بانک های مرکزی هر کشور نرخ ارز را با تعیین دامنه ای از نوسانات و با ملاحظاتی نظیر رقابت پذیری (میزان تورم داخلی و خارجی)، تامین رشد اقتصادی (از طریق رشد تولیدات داخلی، حمایت از صادرات و سرمایه گذاری خارجی)، تامین ذخایر ارزی احتیاطی و غیره مدیریت می نمایند.

## مراجع

- [۱] طاهری، س. م، ماشین چی، م. (۱۳۹۲). مقدمه ای بر احتمال و آمار فازی، چاپ دوم، انتشارات دانشگاه شهید باهنر کرمان، کرمان.
- [۲] طاهری، س. م. (۱۳۹۶). رویکردهای ابتکاری در رگرسیون فازی، اندیشه آماری، سال بیست و دوم، شماره دوم، شماره ۴۴، ۵۲-۴۳.
- [۳] درگاهی، حسن و گچلو، جعفر(۱۳۸۰). بررسی رفتار کوتاه مدت و بلند مدت نرخ حقیقی ارز در اقتصاد ایران (با استفاده از روش همگرایی خودتوضیح با وقفه های توزیعی)، پژوهشنامه بازرگانی، شماره ۲۱، صص ۲۱-۶۰.
- [۴] اسماعیلی رزی، حسین(۱۳۸۸). تاثیر بهره وری بر نرخ واقعی مؤثر ارز در ایران طی دوره زمانی ۱۹۸۰ تا ۲۰۰۵ (آزمون اثر بالاسا - ساموئلسون در اقتصاد ایران)، پایان نامه کارشناسی ارشد، دانشکده علوم اداری و اقتصاد، دانشگاه اصفهان.
- [۵] صباحی کرمانی، مجید و شفاقی شهری، وحید(۱۳۸۴). عوامل مؤثر بر نرخ ارز واقعی در ایران (رهیافت خودرگرسیون برداری) پژوهشنامه اقتصادی، شماره ۱۶. صص ۳۷-۷۶.
- [۶] جلائی، عبدالجباری، حری، حمیدرضا و ایرانی کرمانی، فاطمه(۱۳۸۵). برآورد رفتار نرخ ارز واقعی در ایران، پژوهشنامه اقتصادی، ص ۲۲.
- [۷] سپهوند، احسان، نیرومند، روح الله و مهرجردی، محمد رضا زارع (۱۳۹۳). تعیین عوامل مؤثر بر نرخ ارز در ایران، فصلنامه تحقیقات توسعه اقتصادی-شماره ۱۶، صص ۲۳-۴۲.
- [۸] تقوی، مهدی و محمدی، مرتضی (۱۳۹۰). بررسی عوامل مؤثر بر نرخ ارز و تراز پرداختها در اقتصاد ایران (یک رهیافت پولی)، فصلنامه اقتصاد مقداری بررسیهای اقتصادی سابق جلد ۸، شماره ۱، صص ۵۱-۷۲.
- [۹] اصغر پور، حسین، محمد پور، سیاوش، رضازاده، علی و جهانگیری، خلیل(۱۳۹۱). بررسی اثر بی ثباتی نرخ ارز بر صادرات بخش کشاورزی ایران، تحقیقات اقتصادکشاورزی، جلد ۴، شماره ۱، صص ۱۳۷-۱۲۱.
- [10] Tanaka H., Uejima S. and Asai K. (1982), Linear regression analysis with fuzzy model, IEEE Transactions on Systems Man Cybernet, 12, pp. 903-907.
- [11] L. A. Zadeh, "Fuzzy sets," Information and Control, vol. 8, pp. 338– 353, 1965.

- [12] Edwards S. (1991), real exchange rate devaluation and adjustment: Exchange rate policy in developing countries. The IMF Press, Cambridge, England.No, 21:pp. 8-26
- [13] Wang, G.Z. and Wang, F. (2005), Study on application of var in the risk management of commercial banks in china market. China's Circulation Economy, 19: pp. 25-33.
- [14] Stockman A. (1999), Monetary shocks and real exchange rates. Journal of International Economics, 49: pp. 17-29.
- [15] Mussa IA. (1994), The monetary model of exchange rates revisited applied financial economics.No. 26: pp. 279-287
- [16] Kia, A. (2013), Determinants of the real exchange rate in a small open economy: Evidence from Canada. Journal of International Financial Markets, Institutions and Money, 23, pp. 163-178.
- [17] Di Giorgio, G., Nistic, S., and Traficante, G.(2015), Government spending and the exchange rate (No. 4/15).
- [18] De Grauwe, P (2000), Exchange rate in search of fundamental variable, Centre for Economic Policy Research, Discussion Paper No.3, pp. 1037-1047
- [19] Chen, S. S. and Chen, H. C. (2007), Oil prices and real exchange rates. Energy Economics, 29, pp. 390–404
- [20] <https://faradars.org/courses/fvor94063-gams>
- [21] <https://www.cbi.ir/>