

# ادراک برپایه امکان: تأملی بر بازشناسی الگوی اشکال

کامبیز بدیع

پژوهشگاه ارتباطات و فناوری اطلاعات، تهران، ایران

تاریخ پذیرش: ۱۴۰۱/۵/۱۴

تاریخ دریافت: ۱۴۰۱/۳/۹

نوع مقاله: علمی-پژوهشی

## چکیده

در طی چند دهه اخیر، امکان و احتمال به عنوان دو مفهوم کلیدی در بیان عدم قطعیت (نایقینی) پا به پای یکدیگر در قلمروی تصمیم‌ورزی من جمله بازشناسی الگوها ایفای نقش نموده‌اند. آنچه ایندرو را از هم مجزا می‌سازد، همانا تأکید امکان بر وضعیت ساختار موجود در یک موقعیت است، حال آنکه احتمال عمدتاً سعی دارد تا بر کارکردهای تجربه شده در گذشته یک مسئله تأکید ورزد. زمانی که بحث ساختار به میان می‌آید این پرسش مطرح است که اجزای یک الگو و یا یک موقعیت چگونه بر پایه مدل‌های معین پا به ظهور می‌نهد، و زمانی که موضوع ادراک برپایه امکان مطرح است، می‌توان چشم برآن داشت که طیفی از امکانات بالقوه در خصوص این اجزا گرد هم آمده تا به این الگو که درون آن اجزاء هر کدام بر پایه مدل ویژه‌ای به صحنه آمده‌اند، هویت بخشدند. به تعبیری می‌توان ادعا داشت که همباشی مجموعه‌ای از ساختارهای شکلی معنادار می‌تواند زمینه‌ساز دریافت بهین از طبقات ممکن حاکم بر ساختاریابی این الگو باشد.

در این مقاله سعی بر آن است که نشان داده شود چگونه با اتكاء بر اطلاعات مربوط به مجموعه‌ای از ساختارهای شکلی معنادار که برپایه (ادامه دارد)

عبارات و کلمات کلیدی: امکان، ادراک، بازشناسی الگو، طبقات الگو، الگوی اشکال، ساختارهای شکلی معنادار.

Email(s): k-badie@itrc.ac.ir

۱۴۰۱ انجمن سیستم‌های فازی ایران

Mathematics Subject Classification: 60A05, 60A86

مدل‌های معینی پا به عرصه ظهور نهاده و هویت بخش طبقات مربوطه هستند، و در کنار آن بهره‌گیری از منطق امکان، می‌توان در نهایت امکان تعلق یک الگو را به طبقات گوناگون سنجید. جهت ارائه تصویری روشن از رویکرد پیشنهادی، این مقوله در خصوص الگوی اشکال که طبیعتی ساختاری دارند، به بحث گذارده می‌شود.

## ۱ مقدمه

در طی چندین دهه اخیر، امکان و احتمال به عنوان دو مفهوم کلیدی در بیان عدم قطعیت (نایقینی، ناتاشتگی<sup>۱</sup>)، پا به پای یکدیگر بوده و در قلمروی تصمیم‌ورزی و تصمیم‌سازی در شرایط عدم قطعیت و در سطوح مختلف ادای نقش نموده‌اند [۱، ۲، ۳، ۴، ۵، ۶، ۷، ۸]. آنچه در کل این دو را از هم مجزا می‌سازد، همانا تأکید امکان بر وضعیت ساختار موجود در یک موقعیت است. حال آنکه احتمال عمدتاً سعی دارد تا بر کارکردهای تجربه شده در گذشته یک مسأله تأکید ورزد.

بدین منوال، شرط لازم برای توجیه کاربریت امکان در قبال یک موقعیت، توانایی در نظر گرفتن ساختاری برای آن و یا به تعبیری ساختارپذیر بودن آن است. زمانی که بحث ساختار به میان می‌آید، این پرسش مطرح است که اجزای یک الگو و یا یک موقعیت چگونه برپایه مدل‌های معین پا به ظهور می‌نهد، و زمانی که موضوع ادراک برپایه امکان مطرح است، می‌توان چشم بر آن داشت که طیفی از امکانات بالفطره در خصوص این اجزا (که طبیعت ساختاری دارد) گرد هم می‌آیند تا به این الگو و یا موقعیت مربوطه که درون آن اجزاء هر کدام برپایه مدل ویژه‌ای به صحنه آمده‌اند، هویت بخشنند. ما بر این باوریم که ادراک این چنین برپایه نوعی ادغام (همجوشی) در قبال مجموعه‌ای از امکانات که به تعبیری سخن از نوعی عدم قطعیت دارند، رخ می‌دهد. ادراک را بدین گونه می‌توان نگاشتی ذهنی از همبashi مجموعه‌ای از ساختارهای شکیل معنادار در بطن یک الگو یا یک موقعیت، برپایه ادغام اطلاعات مربوط به درجات امکان تعلق به مجموعه‌ای از مدل‌های مرجع، که منجر به پدیدار شدن یا فرآخاهی طبقه‌ای با هویت خاص می‌گردد، تلقی کرد. به تعبیری می‌توان ادعا داشت که همبashi مجموعه‌ای از ساختارهای شکیل

<sup>۱</sup>Uncertainty

معنادار می‌تواند زمینه‌ساز یک دریافت بهین از طبقات ممکن حاکم بر ساختاریابی این الگو باشد. در اینجاست که می‌توان به این نکته پی برد که با معوج (کژدیس) شدن روابط میان ساختارهای شکیل معنادار در یک الگو و یا یک موقعیت، ادراک نهایی از آن از جانب مشاهده‌گر می‌تواند زیرکانه تحت الشعاع قرار گیرد.

کوشش ما در این مقاله بر این است که نشان دهیم چگونه با اتكاء بر اطلاعات مربوط به مجموعه‌ای از ساختارهای شکیل معنادار (به ازای هر طبقه از الگو) که بر پایه مدل‌های معینی پا به عرصه ظهور نهاده و هویت‌بخش طبقات مربوطه هستند، و در کنار آن بهره‌گیری از منطق امکان، می‌توان در نهایت امکان تعلق یک الگو را به طبقات گوناگون سنجید. به تعبیری آنچه در پی آن هستیم آشکارسازی این واقعیت است که ادراک آن دسته از الگوها با طبیعت ساختاری که اجزای آن بر پایه مدل‌های ویژه‌ای به صحنه آمده‌اند، ایجاب می‌کند که فرآیند طبقه‌بندی این الگوها بر پایه صحه‌گذاری بر امکان حضور این اجزاء بنا نهاده شود.

## ۲ گذری اجمالی بر مفهوم "امکان" از دیدگاه فلسفی

در جاییکه "احتمال" عمدتاً از ماهیتی فلسفی - ریاضی برخوردار است، "امکان" هم‌ایابی از نوع فلسفی - هستانشناختی را با خود به همراه دارد. به تعبیری، "امکان" بستگی نزدیکی را با این واقعیت که یک چیز به چه سان می‌تواند به منصه ظهور بپیوندد، به دنبال دارد. آنچه بر آن تاکید داریم این نکته است که امکان در رابطه با مدلی که برای هر جزء در ساختار یک الگو مطرح است، معنا می‌یابد. پیش فرض براین است که طبقاتی از الگو که طبیعتی ساختاری دارند، بر پایه در نظر گرفتن مدل‌های معین برای اجزای آن بنا نهاده شده‌اند. با توجه به این تفاصیل، نتیجه می‌گیریم که هر زمان که طبقه‌ای از یک الگو برپایه مجموعه‌ای مدل‌های مطروحه برای اجزای آن شکل می‌گیرد، احتمال به عنوان یک مفهوم کلیدی در ادراک رنگ باخته و در عوض نگاه بر پایه امکان به کانون توجه در ادراک بدل می‌گردد [۱۰، ۱۱، ۱۲]. این بدان معناست که به جای تاکید بر این نکته که "احتمال" تعلق یک به طبقه خاصی چیست؟ "، که خود حضور توابع توزیع احتمالاتی (PDF) را طلب می‌کند [۱۳، ۱۴، ۱۵، ۱۶، ۱۷]، می‌سزد که به این نکته بپردازیم که "امکان" تعلق یک الگو به طبقه خاصی به چه سان است؟ "، که خود در عوض امکان تعلق تک تک

اجزاء را به مدل‌های مربوطه مدنظر قرار می‌دهد. به این ترتیب آنچه بر آن تاکید ویژه می‌رود، امکان حضور مجموعه‌ای از ساختارهای شکیل معنادار (حاوی اجزای کلیدی و روابط میان آنها در سطوح مختلف) در درون یک الگوست که، همانگونه که در مقدمه نیز بدان اشاره شد، زمینه را برای ادراک طبقه یا طبقات خاصی از این الگو فراهم می‌آورند.

لذا، چنانچه در فرایند پردازش یک الگو، به شناسایی ساختارهای شکیل معناداری که از درجه امکان بالا برخوردارند بپردازیم، آنگاه می‌توانیم ادعا کنیم که طبقه یا طبقاتی از الگو که در مجموعه حاصل از ادغام طبقات ممکن به ازای این ساختارهای شکیل معنادار حضور دارند، جایگزین‌های مناسبی برای الگوی مورد نظر می‌باشد.

اساس رهیابی به این فرآیند ادغام، که در ادبیات جاری مهندسی رایانشی به آن همجوشی یا همفروزی اطلاعات نیز گفته می‌شود [۱۸، ۱۹، ۲۰، ۲۱، ۲۲]، به اینگونه است که پس از آنکه برداری برای یک الگو برپایه اطلاعات مربوط به ویژگی‌های آن بنا نهاده شد، کوشیده خواهد شد تا شباهت این بردار با طبقات موجود الگو با اتکا بر الگوریتم‌های مختلف طبقه‌بندی (نسخات گوناگون الگوریتمی یکسان) محاسبه گردیده، و ضمن آنکه به ازای اعمال هر الگوریتم (یا هر نسخه از یک الگوریتم)، مجموعه‌ای از طبقات (و نه الزاماً صرفاً یک طبقه واحد) با میزان معقولی از شباهت برگزیده شدن، مجموعه‌های حاصل از این طریق به گونه‌ای با یکدیگر ادغام می‌گردند که نهایتاً طبقه‌ای که از حداقل نایقینی (عدم قطعیت) برخوردار است، تبلور یابد.

ادغام (همجوشی) ای که در فوق از آن یاد شد، می‌تواند در دو سطح صورت گیرد.

سطح اول) هویت بخشی به ساختارهای شکیل معنادار با هدف تعیین سنجیده (معقول) ترین طبقه ممکنه برای الگوی ورودی که بیشتر زمانی معنا می‌یابد که الگوی ورودی از یک طبقه یا طبقات محدودی تشکیل شده باشد.

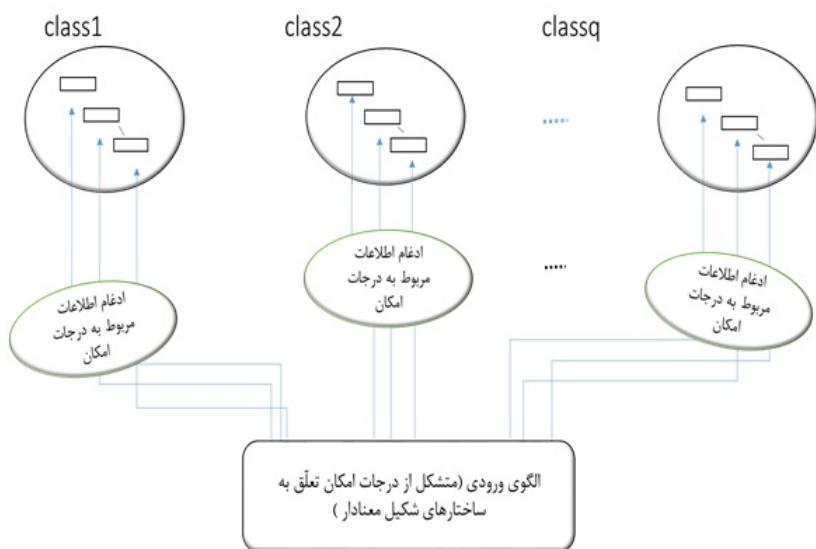
سطح دوم) طبقه‌بندی الگوی ورودی با هدف تعیین سنجیده (معقول) ترین طبقات ممکن برای آن که بیشتر زمانی معنا می‌یابد که الگوی ورودی از بیش از یک طبقه تشکیل شده باشد.

تأکید این سطح از ادغام بیشتر از آن جهت است که دریافته شود که درجه امکان برای هم حضوری چه طبقات ممکن از الگو بیشینه است.

شایان ذکر است که از تلفیقی از این دو سطح می‌توان در حالت کلی برای یافتن

طبقات معقولی که به بهترین نحو پاسخگوی الگوی ورودی بوده و امکان را در ابعاد گوناگون قابل قبول می‌سازند، بهره برد.

شکل ۱ نمایانگر شاکلهای است که طبقه‌بندی یک الگو بر مبنای در نظر گرفتن اطلاعات مربوط به درجات امکان تعلق به ساختارهای شکل معنادار را (به عنوان ویژگی‌های هویت‌بخش به طبقات الگو) مصور می‌سازد. همچنان که از محتوای شکل بر می‌آید، تطابق‌دهی الگوی ورودی با هر طبقه بر مبنای درجات امکان تعلق به ساختارهای شکل معناداری صورت می‌گیرد که به طور خاص برای آن طبقه حائز معنا (اهمیت ویژه) است. بدین ترتیب، از بار رایانشی مورد نیاز در امر تطابق‌دهی، در عین حفظ دقت لازمه، کاسته خواهد شد. البته ناگفته نماند که این سازوکار صرفاً جنبه اولویت‌دهی به طبقات ممکنه را بر عهده داشته که خود عاملی برای راهبری امر طبقه‌بندی به طرزی معقول به ازای کلیت یک الگوی مشکل از چندین طبقه در حالت کلی می‌باشد.



شکل ۱: طبقه‌بندی یک الگو بر مبنای در نظر گرفتن اطلاعات مربوط به درجات امکان تعلق به ساختارهای شکل معنادار

در این ارتباط، شایان ذکر است که از چند طریق می‌توان مقوله طبقه‌بندی را تحت بررسی قرارداد.

در طریق اول، وضعیت امکان تعلق الگوی ورودی به تک تک طبقات ممکن را با

تأکید بر ساختارهای شکل معناداری که هویت‌بخش هر طبقه هستند، به طور جدگانه وارسی می‌نماییم. این به تعبیری همان "تطابق الگو" به معنای متعارف آن است که دو توصیف (یکی متعلق به یک الگو و دیگری متعلق به طبقه شناخته شده‌ای برای آن الگو) را در مسیر پی بردن به این واقعیت که آیا این دو یکی هستند یا خیر، مورد مقایسه قرار می‌دهد [۲۳، ۲۴، ۲۵، ۲۶]. در این دیدگاه، بدیهی است که همگی طبقات به طور موازی مشمول این فرایند قرار گرفته و نهایتاً طبقه یا طبقاتی که امتیاز بالایی می‌یابند، به عنوان طبقه مناسب برای الگوی ورودی اعلام می‌گردند. بدیهی است که در این میان درجات امکان علی‌القاعدۀ می‌باید برای طیف وسیعی از ساختارهای شکل معنادار به ازای الگوی ورودی تعیین گردد. طریق دیگر آن است که به جای آنکه همگی ساختارهای شکل معنادار را از بدو امر در فرایند درجه امکان دخیل سازیم، این ساختارها را به نحوی اولویت‌بندی نموده (که مثلًاً می‌تواند بربایه نوعی نگاه آماری صورت گیرد) و با شروع از ساختارها شکل معناداری که بیشترین میزان اولویت را داراست، درجه امکان طبقات موجود را از منظر این ساختار تعیین نماییم. در این مرحله، طبقاتی که موقعتاً از درجه امکان بالا برخوردار می‌گردند، به عنوان "طبقات با امکان بالا در مرحله اول" تشخیص داده می‌شوند که این بار با رهسپاری از جانب این طبقات، درجه امکان آنان از منظر ساختار شکل معناداری که از بیشترین میزان اولویت در میان مجموعه ساختارهای شکل معنادار هویت‌بخش به آنان برخوردار است، تعیین می‌گردد. بدیهی است که در این مرحله می‌باید به ازای هر کدام از این طبقات، درجه امکان کلی آن را که در ساده‌ترین حالت حاصل ضرب درجه امکان محاسبه شده به ازای مرحله اول و درجه امکان محاسبه شده به ازای مرحله دوم است، سنجید. این فرایند تا جایی ادامه می‌یابد که تعیین درجه امکان کلی تعلق یک الگو به "طبقات با امکان بالا"، به ازای تمامی ساختارهای شکل معناداری که هویت‌بخش آن هستند، صورت گیرد. جای شبهه نیست، که چنانچه به این نتیجه برسیم که به دلایلی این درجه امکان کلی به حد نصاب مجازی نرسیده است، آنگاه منطقی خواهد بود که در خصوص طبقاتی که "با امکان بالا" تشخیص داده شده‌اند، تجدید نظر نموده و ضمناً برگزیدن مجموعه دیگری به عنوان مجموعه "طبقات با امکان بالا" فرایند فوق را مجدداً به اجرا در آوریم. بدیهی است که کلیت این فرایند تا جایی ادامه می‌یابد که نهایتاً توانسته باشیم به طبقه یا طبقاتی دست یابیم که از بیشترین (یا حد به اندازه کافی بالایی از) درجه

امکان از منظر ساختارهای شکل معناداری که هویت بخش آن یا آنان است، برخوردار گردد. به آسانی دیده می‌شود که در طریق دوم نوعی نظام سلسله مراتبی بر روند انتخاب ساختارهای شکل معنادار حکم‌فرماست که عملًا با کنترل گام به گامی که بر وضعیت طبقات ممکن در پرتوی مناسب بودن درجات امکان کلی آنان به ازای مقاطع میان راهی دارد، به نحوی سامان یافته با گزینش ساختارهای شکل معنادار برخورد می‌نماید.

### ۳ الگوهای با خواص ساختاری

#### ۱.۳ کلیات

با عناصریت به این نکته که مقوله "ادراک برپایه امکان" عمدتاً در خصوص الگوهای ساختارمند (الگوهای با خواص ساختاری) معنا می‌یابد، ذیلاً به مصادیقی از این نوع الگوها اشاره می‌ورزیم:

الف) الگوی اشکال که مشتمل بر "منحنی‌های باز و بسته" و یا "نواحی پر" (آکنده از نقاط فشرده و نزدیک به یکدیگر) با پیامی ویژه هستند. شایان ذکر است که مرزهای درونی و یا برونوی این نواحی پر حاوی اطلاعات غنی در خصوص الگوی مربوطه هستند. مصادیق الگوی اشکال را می‌توان در پیکر اجسام زنده، پیکر اجسام بیجان، پدیده‌های کیهانی، شکل اجسام برساخته (مصنوع) توسط انسان، اشکال مربوط به حروف، اشکال مربوط به اعداد و صور قراردادی حاوی پیام‌های ویژه جستجو نمود. به خوبی می‌توان دید که در تمامی این مصادیق، قوانین حاکم بر تولید الگوی مربوطه به گونه‌ای هستند که نهایتاً به نوعی ساختارمندی در آن منجر می‌گردند.

ب) الگوی هستینه‌های معنایی که مصادیق آن را می‌توان در واژگان، عبارات، جملات، پاراگراف (پراسنجه)‌ها و متون یافت. یک هستینه معنایی مشتمل بر ترکیبات واژگانی با معانی/پیام‌های ویژه هستند.

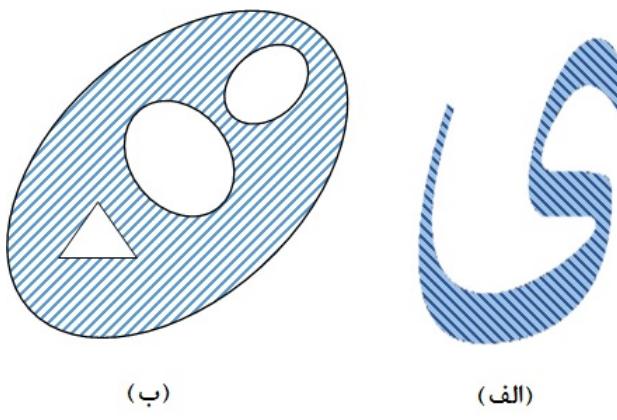
ج) الگوی عبارات ریاضی/ منطقی که مشتمل بر نمادهای منطقی، گزاره‌ها، آرگومان‌ها، توابع، انواع متغیر،... می‌باشند. شایان ذکر است که بخش‌های مختلف یک فرمولاسیون (فرمول‌بندی) ریاضی/منطقی می‌تواند حاوی پیام‌های ویژه‌ای از نظر کارکرد مورد نظر در حوزه‌های مختلف تصمیم‌ورزی و حل مسئله باشد.

آنچه در اين مقاله به طور اخص مد نظر قرار مى دهيم "الگوي اشكال" است که بازشناسي/ ادراك آن از بيشترین کاربرد عملی در مسائل جهان واقعی برخوردار می باشد. ضمن آنکه مثال های ارائه شونده در ارتباط با الگوی اشكال می تواند نقش شفافی از جايگاه "امكان در خصوص ساختارهای شكيل معنadar در الگوهای با خواص ساختاري" ارائه دهد.

### ۲.۳ خطوط با انحناء به عنوان عامل تبيينگر يك شكل

الگوی يك شكل را می توان در حالت کلی برپايه مجموعه ای از منحنی ها و روابط همسایگی میان این منحنی ها تبیین نمود. ترجیح بر آن است که هر منحنی، از جهت آنکه ویژگی های مشخص کننده آن سازگارتر عمل کنند، دارای جهتی يکسان باشد. ذکر اين نکته ضروريست که يك منحنی در حالت کلی می تواند در محل جداسازي دو ناحие همگون با رنگ های مختلف معنا يابد. مثلاً رنگ سیاه با رنگ سفید، که به تعابیری کران در برگيرنده آن است، می تواند در حالت کلی يك منحنی تلقی گردد. بدیهی است که اين توده می تواند يا حاصل فرایندی از نوع "ترسیم" باشد که طی آن خطی با انحنای خاص خود در فضا ترسیم می گردد، و يا اینکه به نوعی مرتبط با يك پدیده طبیعی مثلاً يك پدیده زیست شناختی (مانند زیست گونه ها و انواع پدیده های حیاتی در بدن انسان و موجودات حیاتی جاندار) يا يك پدیده کیهانی (مانند پدیده هایی که در کیهان پیرامونی به صور گوناگون رؤیت پذیر است)، باشد. همچنین مصنوعات برساخته توسط انسان با پیروی از يك فرایند سنجیده طراحی در تصاویر مرتبط با خود منجر به شکل گیری چنین توده هایی می گرددند. طبیعی است که کران در برگيرنده اين تودهها نیز به نوبه خود نوعی منحنی تلقی می گرددند. شکل ۲ نمایانگر نمونه هایی از منحنی هایی است که هر کدام به نوعی از کران در برگيرنده (در بر شده توسط) نوعی توده (سیاه رنگ) حکایت دارد. يك نکته حائز توجه در خصوص توده هایی که حاصل "ترسیم" هستند (مثلاً توده های مربوط به اشكال حروف، اعداد، نمادها و برخی صور قراردادی)، قابلیت تبدیل آنها به يك منحنی محوری است، بدون آنکه تأکیدی بر در نظر گرفتن کران پیرامونی آنها به عنوان يك منحنی باشد. ناگفته نماند که حسگر بصری (دیداری) انسان نیز قادر است تا عمل استخراج (آهیختن) منحنی

محوری از درون این قبیل توده‌ها را به طور طبیعی انجام دهد. معدلک نباید فراموش کرد که زمانی که توده‌ای در ارتباط با یک پدیده طبیعی بوده، و به عبارتی "ترسیم" به عنوان فرایند مولد یک شکل جای خود را به "توزیع" مجموعه‌ای از نقاطی که انعکاس بخش ذرات حاصل از فعال گردیدن یک ساز و کار طبیعی هستند می‌دهد، عمل استخراج منحنی محوری عملًّا عبث (بیهوده) بوده و کران توده را می‌باید به عنوان منحنی در نظر گرفت. به طور مثال، در شکل ۲ (الف) که نماینگر حرف "ی" است، تکنیک‌های پیش پردازش متعارف قادرند کلیت توده سیاه مربوطه را به یک منحنی محوری مبدل سازد، حال آنکه در شکل ۲ (ب)، ملاحظه می‌کنیم که این امر عملًّا عبث بوده و منطق ایجاب می‌کند که کران بیرونی و کران‌های درونی توده سیاه مربوطه را به عنوان منحنی‌های مستخرج از شکل مورد نظر مد نظر قرار دهیم. به آسانی دیده می‌شود که کران بیرونی یک "بیضی" و کران‌های درونی نیز به سهم خود، "دو بیضی" کوچک‌تر و "یک مثلث" می‌باشند. چنانچه از منظر رابطه همسایگی به این منحنی‌ها بنگریم، روابطی که به طور ویژه مدنظر قرار خواهند گرفت، عبارت خواهند بود از روابط میان "بیضی بزرگ" با "مثلث" و "بیضی‌های متوسط و کوچک" از یکسو، و روابط میان "بیضی متوسط" یا "مثلث" و "بیضی کوچک" از سوی دیگر. بدیهی است که رابطه میان "بیضی کوچک" و "مثلث" مطرح نخواهد بود، چرا که "بیضی متوسط" به طور آشکار مانع از شکل‌گیری این رابطه است. در تبیین وضعیت یک منحنی، به سیاقی که در فوق به آن اشاره شد، می‌توان



شکل ۲: نمونه‌هایی از منحنی به عنوان کران در برگیرنده یا در برشونده توسط نوعی توده

به مواردی از قبیل "قطبیت" (سوییدگی)، "تمایل" (گرویدگی)، و "تجانس" (همگونی)،

اشاره داشت. پرسش اينجا است که اين موارد از کجا ممکن است برخاسته باشند. پاسخ اين است که مثلاً در اشكال حروف در زبان‌های مختلف، عملاً ترسیم اين اشكال به گونه‌ای است که ”نقاطی با تغییر زاویه خاص“ که حاوی پیام ویژه‌ای در خصوص حرف مربوطه هستند، بر روی منحنی‌های مربوطه پدیدار گشته و نیز ساختار حروف به گونه‌ای است که ”تمایل“ یک منحنی را به محوری خاص در فضای دو بعدی ترسیم، بیشتر می‌سازد. ضمناً، در آن دسته از اشكال که عمدتاً مرتبط با اجسام مصنوع و یا برخی پدیده‌های كیهانی و نیز زیست گونه‌های خاص هستند، عملاً شرایط ظهور اين اشكال به گونه‌ای ایجاب می‌کند که منحنی‌های تبیینگر کران پیرامونی در آنها (که بعضاً تحت عنوان منحنی همدور نیز از آن یاد می‌کنیم) از نوعی عدم تجانس یا ناهمگونی برخوردار باشد.

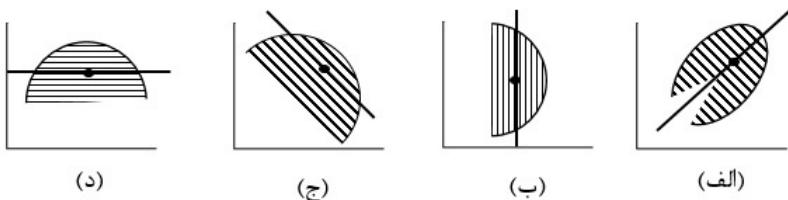
چنانچه فرض را بر آن داریم که محور کانونی یک منحنی در فضای دکارتی (که همانا خط عمود بر آن است) نزدیک به یکی از حالت‌های ”بالا“، ”پایین“، ”راست“، ”چپ“، ”بالا و راست“، ”بالا و چپ“، ”پایین و راست“، و ”پایین و چپ“ بوده و اين نزدیکی صرفاً به اين معنا باشد که اين محور صرفاً تعلق به یکی از اين حالات (و نه حالات ديگر) داشته باشد، آنگاه درجه اين تعلق را که به نوعی ”قطبیت“ محور مربوطه تلقی می‌شود، می‌توان به ازاي تمامی اين حالات محاسبه و در تبیین وضعیت منحنی مربوطه منظور کرد.

همچنین، اينکه ”بار ذرات“ افکنده از یک منحنی بر اين حالات که به تعبيري نگاشت از روی یک منحنی بر روی محورهای مربوطه تلقی می‌شود، چه میزان است، خود می‌تواند معیار مناسبی برای وضعیت آن منحنی در فضای دکارتی تلقی گردد. اين ”بار ذرات“ افکنده، به تعبيري نشان دهنده ”تمایل“ منحنی در كل به محورهای مرتبط با اين حالات می‌باشد، که جايگاه ویژه‌ای را از منظر اطلاعات هندسى به خود تخصیص می‌دهد. در عین حال حائز توجه است که در فرایند تبیین وضعیت یک منحنی، به اين نکته که متوسط وردش (تفرق) شیب زاویه‌ای بر روی آن چگونه بوده و به تعبيري یک منحنی از درون خود با چه نظمی تغییر شیب می‌دهد، توجه خاص مبذول گردد. به اين ترتیب اطلاعات مربوط به ”تجانس“ (همگونی) نیز در کنار درجات ”قطبیت“ (به ازاي حالات تعريف شده) و نیز درجات ”تمایل“ (به ازاي حالات تعريف شده)، در تبیین وضعیت یک منحنی نقش ورزی خواهد نمود. در جهت روشن ساختن جايگاه ”قطبیت“ و ”تمایل“ در تبیین وضعیت یک منحنی، نمونه‌های ارائه شده در شکل ۳ را مدنظر قرار می‌دهیم. شکل

۳ (الف) نمایانگر منحنی ای است که عمدہ "قطبیت" آن به دو سوی محور مورب  $45^\circ$  بوده، حال آنکه منحنی شکل ۳ (ب) حکایت از منحنی ای دارد که عمدہ "قطبیت" آن به سوی راست (منطبق بر محور افق)، و منحنی های شکل ۳ (ج) و (د) نیز به ترتیب عمدہ "قطبیت" خود را به سوی بالا و راست (منطبق بر محور مورب  $45^\circ$ ) و بالا (منطبق بر محور عمود) دارند. ضمناً، "تمایل" منحنی های این اشکال نیز به ترتیب به سمت محور مورب  $45^\circ$ ، محور عمود، محور مورب  $135^\circ$  و محور افق است. به روشنی پیداست که هر دو عنصر "قطبیت" و "تمایل" نقش حائز اهمیتی را در تبیین وضعیت یک منحنی در فضای دکارتی ایفاد می نمایند.

نکته حائز توجه اینکه، در مواردی که یک منحنی میل به بسته بودن می یابد، "قطبیت" آن عملأ همراه با "تمایل" به محور معینی می گردد.

به طور مثال، "قطبیت" به سوی بالا و راست، عملأ همراه با "تمایل" به محور مورب  $45^\circ$  است که در شکل ۳ (الف) نیز به خوبی پیداست، حال آنکه این امر در خصوص منحنی شکل ۳ (ج) (که قادر تمایل به بسته بودن است) صدق نمی کند.



شکل ۳: نمونه هایی جهت روشن ساختن جایگاه "قطبیت" و "تمایل" در تبیین وضعیت یک منحنی

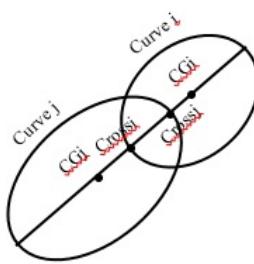
### ۳.۳ جایگاه روابط میان منحنی های همسایه

باید به این نکته توجه داشت، که در کنار اطلاعات مربوط به وضعیت یک منحنی، اطلاعات مرتبط با وضعیت روابط میان منحنی هایی که در همسایگی یکدیگر قرار گرفته اند، نیز نقش کلیدی را در هویت بخشی به یک ساختار شکل معنادار ایفا می نماید. این روابط باید به گونه ای تعریف گردند که، در ارتباط با هویت یک طبقه الگو با قاطعیت بتوان از آن یاد کرد. آنچه در وله اول از نظر واجبات هندسی و منطبق بر روانشناسی

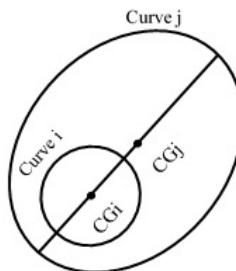
انسان مشاهدهگر حائز اهميت به شمار می‌رود، روابط پایه‌ای از نوع "بالا"، "پایین"، "راست"، "چپ"، "همبری"، "درون" و "بیرون" است که فی‌نفسه از سازوکار توانمندی در هویت‌بخشی به يك طبقه از نظر تعادل میان اجزای الگوی مربوطه برخوردار بوده و نکته جالب توجه اينکه در عمل در قبال طيف گستره‌های از اشكالی که در زندگی روزمره با آن مواجه‌ایم، صدق می‌کنند.

باید به اين نکته توجه داشت که هویت اکثر قریب به اتفاق الگوهای ساختارمند در طبیعت و دنیای پیرامونی قائم به همین ساختارهای شکیل معناداری است که مفهوم همسایگی در قبال اجزای مستقر در آنها از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است. در ضمن، باید مدنظر داشت که در نظر گرفتن روابط اجزایی که در همسایگی یکدیگر قرار نمی‌گیرند، عملًا منجر به آن خواهد شد تا تعداد ساختارهای شکیل معنادار برای هر طبقه از الگو به طرز تحریانگیزی فزونی یافته و بدین منوال فرایند بازشناسی با پیچیدگی خاص روبرو گردد. آنچه در این ارتباط حائز توجه است حضور همزمان برخی از این روابط در قبال منحنی‌هایی است که در همسایگی یکدیگر قرار می‌گیرند. در واقع همین روابط ترکیبی است که در هویت‌بخشی به ساختارهای شکیل معناداری که خود هویت‌بخش طبقات مختلف يك الگو هستند نقش بارزی ایفا می‌نماید.

به طور مثال يك منحنی با ویژگی‌های خاص خود (از لحاظ "قطبیت"، "تمایل" و "تجانس") ضمن آنکه در سمت راست منحنی‌ای دیگر آن نیز با ویژگی‌های خاص خود قرار می‌گیرد، می‌تواند به نوعی درست بالای آن نیز قرار داشته و همزمان با آن همبrij(تقاطع) نیز داشته باشد. یا در مثالی دیگر، يك منحنی می‌تواند، ضمن قرار گرفتن در درون منحنی دیگر، در بخش "چپ-پایینی" آن منحنی اسکان یافته باشد. شکل‌های ۴ و ۵ نمایانگر این دو مثال هستند. ناگفته نماند زمانی که اشكال نگاشته می‌شوند، بنا به مطالبات الگوی مورد نظر، این روابط ترکیبی به طور طبیعی در بافت ساختارهای شکیل معنادار شرکت کننده در شکل مربوطه در نظر گرفته شده و نکته جالب توجه اينکه منطبق بر توانایی ادراك شهودی انسان مشاهدهگر نیز می‌باشند. لیک پرسش اساسی اینجا است که اساساً چه معیارهای هندسی‌ای می‌توانند تبیینگر این روابط باشند. در پاسخ به این پرسش باید گفت که این معیارها يگانه نبوده و می‌توانند با توجه به انتظارات فرد مشاهدهگر از ماهیت يك رابطه به صور مختلف قابل تعریف باشند. مثلاً يك راه



شکل ۴: ساختار شکل معناداری که در آن یک منحنی با قطبیت منطبق بر محور مورب  ${}^{\circ}45$ ، ضمن همبری با منحنی دیگری با همان قطبیت، به نوعی در سمت راست و بالای آن قرار گرفته است

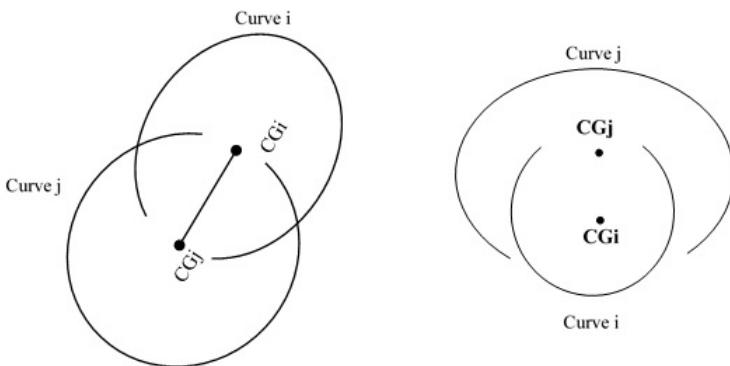


شکل ۵: ساختار شکل معناداری که در آن یک منحنی دایره‌ای شکل، ضمن قرار گرفتن در درون منحنی دایره‌ای شکل دیگر، به نوعی در بخش چپ پایینی آن اسکان یافته است

ساده برای تبیین روابط از نوع "بالا"، "پایین"، "راست" و "چپ"، صلاح این است که دریابیم که آیا مرکز ثقل یک منحنی به ترتیب در سمت "بالا"، "پایین"، "راست" و "چپ" منحنی دیگر قرار گرفته است یا خیر. همچنین در ارتباط با "همبری" یک راه ساده این است که با وصل کردن مراکز ثقل دو منحنی، به بررسی این نکته بپردازیم که آیا محل تقاطع "خط واصل" با یک منحنی، بین محل تقاطع آن با منحنی دیگر از یک سو و مرکز ثقل این منحنی از سوی دیگر قرار گرفته است یا نه.

در ارتباط با رابطه از نوع "درون" نیز، می‌توان دید که آیا محل تقاطع "خط واصل دو مرکز ثقل" با یک منحنی در میان محل تقاطع آن با منحنی دیگر قرار گرفته است یا نه. همچنانکه از شکل ۴ برمی‌آید، میان  $j$  که نقطه تقاطع منحنی  $j$  با خط واصل مراکز ثقل دو منحنی  $i$  و  $j$  است، میان  $Crossj$  که نقطه تقاطع منحنی  $j$  با همین خط واصل است و  $CGj$  که مرکز ثقل منحنی  $j$  است، قرار گرفته است. همچنین، شکل ۵ نیز نمایانگر آن

است که محل تقاطع خط واصل مراکز ثقل دو منحنی  $i$  و  $j$  با منحنی  $i$  میان محلهای تقاطع این خط با منحنی  $j$  قرار گرفته است که مؤید آن است که منحنی  $i$  درون منحنی  $j$  آشیان گزیده است. ذکر این نکته ضروری است که تکنیک‌های مبتنی بر "استفاده از



شکل ۶: نمونه‌هایی از عدم صدق تکنیک‌های ساده مبتنی بر "استفاده از مراکز ثقل" در بررسی وضعیت "همبری" دو منحنی و "درونی/برونی" بودن آنها

مراکز ثقل دو منحنی" به رغم سادگی در پیاده‌سازی، در شرایط خاصی از نوشه در این منحنی‌ها، ممکن است به صراحت عمل ننمایند. شکل ۶ نشان دهنده نمونه‌هایی از این واقعیت هستند. در اینجا این سوال مطرح می‌شود که چنانچه خواستار آن نباشیم که از "خط واصل دو مرکز ثقل" بهره ببریم، به چه اطلاعاتی می‌باید دست بیازیم. پاسخ این است که نگاشت مجموعه دو منحنی بر روی محورهای "افق"، "عمود"، "مورب $^{\circ} 45$ " و "مورب $^{\circ} 135$ " می‌تواند اطلاعات مفیدی در خصوص روابطی که در فوق از آن یاد شد، در اختیار ما بگذارد. به طور مثال، چنانچه خواسته باشیم که وضعیت قرار گرفتن یک منحنی را در سمت راست منحنی دیگر بررسی کنیم، می‌باید به وارسی این نکته بپردازیم که طبق اطلاعات این نگاشت منحنی اول به چه میزان بیرون از منحنی دوم به سمت راست متمایل بوده و همزمان منحنی دوم به چه میزان بیرون از منحنی اول به سمت چپ متمایل است. به تعبیری می‌توان ادعا کرد که وضعیت قرار گرفتن یک منحنی در سمت راست منحنی دیگر، تابعی است از "میزان بیرون بودن منحنی اول از منحنی دوم به سمت راست" و "میزان بیرون بودن منحنی دوم از منحنی اول به سمت چپ". همچنین در ارتباط با وضعیت تقاطع میان دو منحنی، می‌توان این وضعیت را منوط به چهار محور (افق، عمود، مورب $^{\circ} 45$  و مورب $^{\circ} 135$ ) نمود و به بررسی این نکته پرداخت که شرطی که

پیشتر برای این امر با استفاده از خط واصل میان دو مرکز ثقل دیده شده بود، به طور متوسط برای این چهار محور به چه میزان صدق می‌کند.

به طور مثال در شکل ۷ (الف)، فاصله بین دو نقطه راست  $i$  و راست  $j$  که خود نمایانگر برون آمدگی منحنی  $\alpha$  از منحنی  $\beta$  به سمت راست بوده، و همزمان فاصله میان دو نقطه  $\beta$  و  $\gamma$  (در شرایطی که  $\beta$   $j$  در سمت  $\beta$   $\gamma$  قرار گرفته است که خود نمایانگر برون آمدگی منحنی  $\beta$  از منحنی  $\alpha$  به سمت  $\beta$  است)، می‌توانند به عنوان مقادیر پشتیبان در محاسبه امکان برون آمدگی منحنی  $\alpha$  از منحنی  $\beta$  به سمت راست به کار گرفته شوند. این در شرایطی است که در شکل ۷ (ب)، فاصله میان دو نقطه  $\beta$  و  $\gamma$  به واسطه آنکه نقطه  $\beta$  در سمت  $\beta$   $\gamma$  قرار گرفته است، نقش مقدار غیرپشتیبان را در محاسبه امکان برون آمدگی منحنی  $\alpha$  از منحنی  $\beta$  به سمت راست ایجاد خواهد نمود.

بدین ترتیب، از فرمول ذیل می‌توان جهت محاسبه میزان امکان برون آمدگی منحنی  $\alpha$  از منحنی  $\beta$  سمت راست، بهره برد. بدیهی است که این فرمول به طرز مساوی برای محاسبه میزان امکان برون آمدگی یک منحنی از منحنی دیگر به سمت  $\beta$ ، بالا و پایین نیز قابل استفاده خواهد بود.

### Protrusion Rate

$I$

**right**

$$= \frac{d(\text{right } j, \text{ right } i) + d(\text{left } j, \text{ left } i)}{d(\text{right } j, \text{ right } i) + d(\text{left } i, \text{ right } j) + d(\text{left } j, \text{ left } i)}$$

(به ازای حالت مرتبط با شکل ۷ (الف))

و یا

با فرض

$$d(\text{right } j, \text{ right } i) \geq d(\text{left } i, \text{ left } j)$$

$$= \frac{d(\text{right } j, \text{ right } i) - d(\text{left } i, \text{ left } j)}{d(\text{right } j, \text{ right } i) + d(\text{left } j, \text{ right } i)}$$

و با فرض

$$d(\text{right } j, \text{ right } i) < d(\text{left } i, \text{ left } j)$$

$\Rightarrow$

(به ازای حالت مرتبط با شکل ۷ (ب))

شایان ذکر است که (d,a,b) در حالت کلی نشان دهنده فاصله میان دو نقطه a و b می باشد.

با عنایت به نکات فوق، چنانچه درجات امکان تعلق دو منحنی همسایه i و j Curve را به دو گونه k و l Type ، به ترتیب (Curve i, Type k) و (Curve j, Type l) در نظر بگیریم (منظور از Rm رابطه میان دو منحنی همسایه است که همانگونه که پیشتر نیز اشاره شد از نوع "بالا"، "پایین"، "راست"، "چپ"، "همبری"، "درون" و "بیرون" می باشد)، در نهایت درجه امکان تعلق مجموعه این دو منحنی(j) به ساختار شکل معناداری که از دو گونه منحنی همسایه (Curve i, Curve j) با حضور رابطه Rm تشکیل یافته را  $\mu$  نامیده که از فرمول زیر به دست می آید:

$$\begin{aligned} \mu_{(Type\ k, Type\ l, Rm)}(Curve\ i, Curve\ j) &= \rho(Curve\ i, Type\ k) \\ &\quad \times \rho(Curve\ j, Type\ l) \times \lambda_{ij}(Rm) \end{aligned}$$

مفاهیم مستتر در کمیات فوق الذکر در جدول ۱ نشان داده شده است. شایان ذکر

جدول ۱: مفاهیم مستتر در کمیات مربوطه

مفهوم مستتر در کمیت مربوطه	نام کمیت
فاصله اقیدیسی میان دو نقطه a و b	d(a,b)
میزان امکان بروز آمدگی یک منحنی از منحنی دیگر به سمت راست	Protrusion Rate I right
درجه امکان تعلق i به گونه Curve k	$\rho(Curve\ i, Type\ k)$
درجه امکان تعلق رابطه میان دو منحنی همسایه Rm (Curve j, Curve i)	$\lambda_{ij}(Rm)$
درجه امکان تعلق مجموعه دو منحنی a و j به ساختار شکل معناداری که از دو گونه منحنی همسایه k و l Type با حضور رابطه از نوع Rm بین آن پست می آید.	$\mu_{(Type\ k, Type\ l, Rm)}(Curve\ i, Curve\ j)$

است که، به هر میزان این درجه امکان بیشتر باشد، امکان تعلق الگوی ورودی به طبقه طبقاتی از الگو که در برگیرنده این ساختار شکل معنادار به عنوان بخش بارزی از هویت خود هستند نیز فزونی خواهد یافت. با توجه به این نکته، زمانی می توان مدعی بود که الگوی ورودی با درجه امکان بالایی به طبقه خاصی از الگو تعلق دارد که همچو شیوه عمل آمده بر روی مجموعه های ممکن به ازای ساختارهای شکل معناداری که به ازای این الگو از درجه امکان بالایی برخوردارند، حضور این طبقه را مورد تایید قرار دهد.

بدیهی است که به ازای حالت مرتبط با شکل ۷ (الف)، "میزان امکان بروز آمدگی

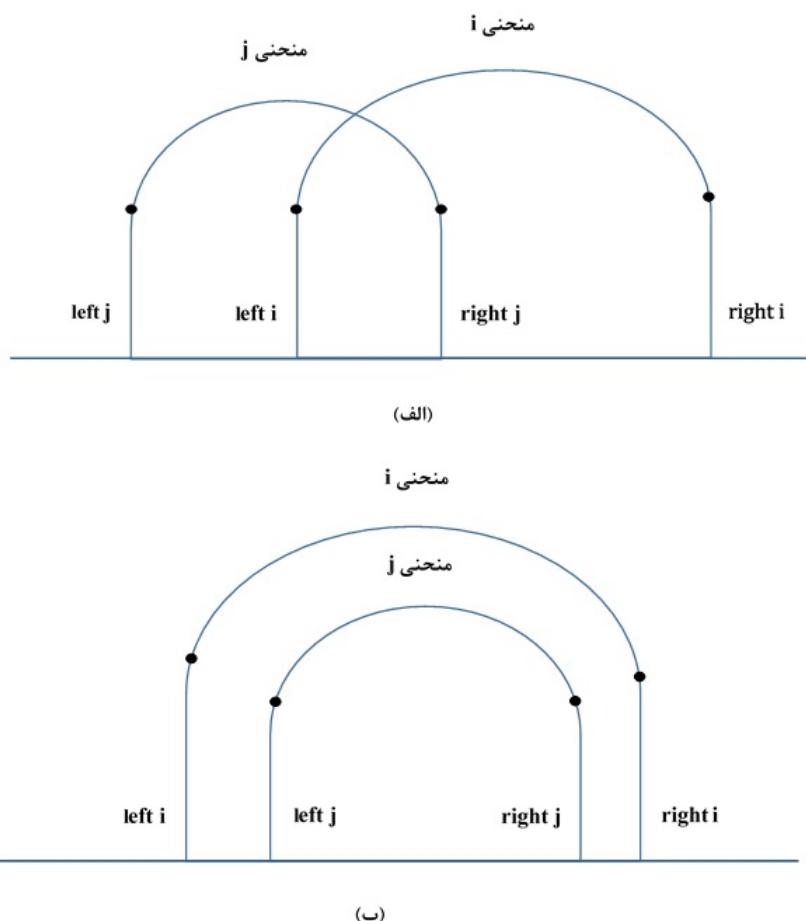
منحنی از منحنی ز به سمت راست، مساوی با "میزان امکان بروان آمدگی منحنی ز از منحنی ا به سمت چپ" می‌باشد.

پرسش اساسی اینجاست که ما به تفاوت "میزان امکان بروان آمدگی یک منحنی از منحنی دیگر" (به ازای حالات راست، چپ، بالا و پایین) با عدد یک ("۱") شاخص چه کیفیتی در خصوص رابطه میان دو منحنی است. با اندکی دقیق در می‌یابیم که این مابه تفاوت به تعبیری حکایت دارد از میزان همبستگی (تقاطع) دو منحنی یا همپوشانی فضای اشغال شده مرتبط با آنان از منظر محورهای خاص (افق، عمود، مورب  $45^\circ$  و مورب  $135^\circ$ ). بدین ترتیب، همزمان با وارسی وضعیت در سمت راست یا چپ قرار داشتن یک منحنی در قبال منحنی دیگر، می‌توان وضعیت همبستگی (تقاطع) دو منحنی را از منظر محور افق، و نیز همزمان با وارسی وضعیت در سمت بالا یا پایین قرار داشتن یک منحنی در قبال منحنی دیگر، وضعیت همبستگی (تقاطع) این دو منحنی را از منظر محور عمود به وارسی گذاشت. ضمناً زمانی که هدف از وارسی، وارسی وضعیت ترکیبی یک منحنی در قبال منحنی دیگر است (راست بالایی، راست پایینی، چپ بالایی و چپ پایینی)، می‌توان به طور همزمان وضعیت همبستگی (تقاطع) منحنی‌های مربوطه را از منظر محورهای مورب  $45^\circ$  و  $135^\circ$  نیز مورد وارسی قرار داد.

#### ۴ چند مثال

##### ۱.۴ چند مثال برای تبیین جایگاه روابط میان منحنی‌های همسایه

در جهت روشن شدن هر چه بیشتر جایگاه روابط میان منحنی‌های همسایه، به مثال‌های شکل ۸ رجوع نمایید. در تمامی این مثال‌ها، همانگونه که ملاحظه می‌گردد، دو منحنی بسته (یا تقریباً بسته) از نوع بیضی در همسایگی یکدیگر قرار گرفته‌اند. منحنی‌های سمت راست بلا استثنای از قطبیت راست و چپ و تمایل به محور افق، و منحنی‌های سمت چپ در مثال‌های ۸ (الف) و (ب) از قطبیت‌های راست و چپ و تمایل به محور افق، و در مثال‌های ۸ (ج) و (د) از قطبیت‌های بالا و پایین و تمایل به محور عمود برخوردارند. نکته حائز توجه این است که وضعیت این منحنی‌ها (از منظر "قطبیت" و "تمایل") و تناسب میان ابعاد آنها نهایتاً منجر بدان می‌گردد که تفاسیر مختلفی از اشکال



شکل ۷: (الف) و (ب) نمونه‌هایی برای ارزیابی امکان قرارگرفتن منحنی  $a$  در سمت راست منحنی  $j$

در برگیرنده آنها با توجه به تجارت پیشین ادراک مشاهده‌گر پدید آید. به طور مثال، شکل ۸ (الف) می‌تواند از دید مشاهده‌گر، بخشی از تصویر از بالا به پایین یک لاک پشت، شکل ۸ (ب) بخشی از تصویر از بالا به پایین یک قاشق (کفگیر)، شکل ۸ (ج) بخشی از تصویر پهلوی سر انسان همراه با بینی برآمده، و شکل ۸ (د) تصویری از پهلوی یک چکش (و یک کلنگ) را مجسم سازد. به روشنی پیدا است که افزون بر اطلاعات مرتبط با ”رابطه همسایگی“ میان دو منحنی، تناسب میان ابعاد آنها (از زوایای مختلف) نقش تصمیم‌گیرنده‌ای را در سوق دادن ذهن انسان مشاهده‌گر به آنچه قرار است به عنوان تفسیر نهایی در ذهن متبلور گردد، ایفاء می‌نماید. معذلک به این نکته باید اذعان داشت که

چنانچه یک شکل حاصل ترسیم یک انسان باشد (مثلاً شکل یک حرف، یک عدد و یا یک نماد) و یا تبلوری از یک پدیده طبیعی/ حیاتی خاص، اطلاعات مربوط به تناسب در حد کلی بوده و به جزئیات ربط نمی‌یابد.

مثلاً در شکل ۸ (الف) از آنجا که لاک یک پشت به مراتب بزرگتر از سر اوست، لذا می‌توان به این نکته بسنده کرد که میزان نگاشت منحنی سمت چپ بر روی دو محور افقی و عمودی بیشتر از این میزان به ازای منحنی سمت راست باشد، و یا در شکل ۸ (د)، با عنایت به اینکه طول دسته یک چکش به مراتب بزرگتر از بخش کوبنده آن است، می‌توان بر این نکته تأکید داشت که میزان نگاشت منحنی سمت راست بر روی محور افق بیشتر از میزان نگاشت منحنی سمت چپ بر روی محور عمود باشد. بدین منوال زمانی که بحث "ساختار شکیل معنادار" به ازای طبقه‌ای از الگو به میان می‌آید، باید مراقبت نمود که در تبیین رابطه میان دو منحنی همسایه، صرفاً اطلاعاتی که "قطعی" هستند، مدنظر قرار گیرند. این امر، همانگونه که در پیش نیز بدان اشاره شد، موجب آن می‌گردد تا امر طبقه‌بندی بر مبنای اطلاعات مربوط به ساختارهای شکیل معنادار از جلوه‌ای خاص برخوردار گردد.

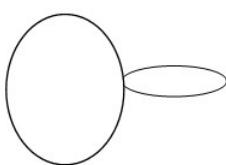


(لاک پشت)



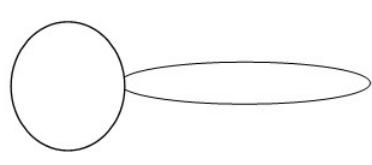
(فاسق یا کفگیر همراه با دسته آن)

(الف)



(سر همراه با بینی)

(ج)



(چکش)

(ب)

شکل ۸: مثالی چند برای تبیین جایگاه روابط میان منحنی‌های همسایه

## ٢.٤ چند مثال در ارتباط با الگوي حروف

در جهت درک هر چه بيشتر از جايگاه "ادراك بريپايه امكان" در حوزه الگوي حروف، دو جدول ۲ (الف) و (ب) را مدنظر قرار مي‌دهيم. هدف از اين جداول اين است که نشان داده شود که، چگونه دو منحنی با طيفی از ويژگی‌ها و در ذيل روابطی به يكیگر اتصال یافته تا نهايیتاً مولد الگوي يک حرف باشند. همچنانکه از جدول ۲ (الف) پيدا است، مجموعه ويژگی‌های ممکنه برای اين دو منحنی در سمت راست و چپ جدول آمده است. همچنین در بخش ميانی جدول به مجموعه‌اي از روابط ممکنه اشاره شده است. همچنانکه از جدول ۲(ب) برمی‌آيد، سعی بر آن است که نشان داده شود که چگونه دو حرف "e" و "l" (در حوزه حروف لاتين) و گرداли حروفی از قبيل "ص" و "ف" و حرف "ى" (در حوزه حروف فارسي/عربی) بريپايه مجموعه‌اي از منحنی‌های پايه به ظهور مي‌رسند. در ستون سمت راست اين جدول، نحوه تشكيل اين حروف بر پايه منحنی‌های پايه (با فرض اينکه منحنی داراي جهتي يکسان است) به نمايش گذارده شده است. ستون‌های دوم و سوم به ترتيب نشان دهنده وضعیت قطعیت در "قطبیت" و "تمایل" به ازای منحنی اول، و ستون‌های چهارم و پنجم به ترتيب نشان دهنده همین وضعیت قطعیت در قبال منحنی دوم است. ضمناً رابطه ميان دو منحنی که همسایه يكديگرند، در جوف پيکان‌های دو سویه (درج شده ميان ستون‌های سوم و چهارم) نشان داده شده است. شایان ذکر است که آنچه در ارتباط با "قطعیت در قطبیت" و "قطعیت در تمایل" به ازای دو منحنی ذکر شده است، في نفسه همان اطلاعات مربوط به ساختارهای شکيل معنadar است که در عمل هویت بخش طبقات ممکنه برای يک الگو بوده و در عمل اساس بررسی امكان تعلق يک الگو به اين طبقات را تشكيل مي‌دهند. به تعبيري وقوف بر اين اطلاعات است که عملاً زمينه‌ساز بهره‌گيری از نوعی نگاه امكانی در ادراك الگوهای مربوطه مي‌گردد.

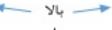
يك نکته حائز توجه در خصوص ادراك حروف بريپايه امكان حضور ساختارهای شکيل معنadar در آنان، اين است که منحنی‌های شركت کننده در اين ساختارها می‌توانند به رغم شباهت توپولوژيکي که با يكديگر دارند، به خاطر تفاوت در درجه آزادی در "وضعیت قطعیت در قطبیت یا تمایل"، نويديبخش طبقات مختلف باشند. به طور مثال همچنان که از جدول ۲ (ب) پيدا است، هر دو حرف "e" و "l" مزين به يک حلقه بسته (يا تقریباً بسته) هستند که به خاطر تفاوت عمداتی که در "وضعیت قطعیت در

ویژگی‌های منحنی دوم	نوع رابطه میان دو منحنی	ویژگی‌های منحنی اول
وضعيت قطعیت در قطبیت (سوگیری، <i>polarity</i> ) (بالا، پایین، راست، چپ، بالا و راست، بالا و چپ، پایین و راست، پایین و چپ)	بالا پایین راست چپ دورون برون	وضعيت قطعیت در قطبیت (سوگیری، <i>polarity</i> ) (بالا، پایین، راست، چپ، بالا و راست، بالا و چپ، پایین و راست، پایین و چپ)
وضعيت قطعیت در تمایل (گرویدن، <i>tendency</i> ) (افقی، عمودی، مورب "از بالا-چپ به پایین-راست". مورب "از بالا-راست به پایین-چپ"		وضعيت قطعیت در تمایل (گرویدن، <i>tendency</i> ) (افقی، عمودی، مورب "از بالا-چپ به پایین-راست به پایین-چپ" ، مورب "از بالا-راست به پایین-چپ"

جدول ۲ (الف): چگونگی شکل‌گیری یک ساختارشکیل معنادار برپایه دو پاره منحنی همسایه با یکدیگر

قطبیت یا تمایل "دارند، زمینه‌ساز شکل‌گیری دو حرف متفاوت می‌گردند. ناگفته نماند که هر چند این امر در خصوص مدل‌های متعارف این دو حرف صدق می‌کند زمانی که فردی نیز به طور واقعی درگیر ترسیم آن می‌گردد، بدان خوگرفته است که در عمل "بازه زاویه‌ای" چرخشی را که به "حلقه بسته فوق الذکر" تعلق می‌گیرد به تناسب هر حرف رعایت نماید. بدین معنا که زمانی که به هر یک از این دو حرف می‌پردازد، به خاطر بسپارد که زاویه‌ای که محور حلقه در فضای (دکارتی) می‌سازد از حدی فراتر نرود. همین رعایت روانشناختی "ترسیم" از جانب فرد نگارنده است که عملاً طبقه‌بندی الگوی یک حرف بر مبنای امکان حضور ساختارهای شکیل معنادار (به ازای طبقات ممکنه) را معنادار می‌سازد. در خصوص رعایت "بازه زاویه‌ای چرخش"، این نکته حائز توجه است که، زمانی که حروف پشت سر هم (و به صورت دنباله‌ای و متصل) نگاشته می‌شوند، "خط پایه" (base-line) این دنباله نیز، فی‌نفسه مقید به نوعی درجه مجاز در "انحراف زاویه‌ای" خود از محور افق است که موجب آن می‌گردد که "بازه زاویه‌ای" که در خصوص حروف شرکت کننده (در دنباله ترسیم شده) نسبت به مدل‌های متعارف آنان رخ می‌دهد، از حد معقولی فراتر نرفته و بدین منوال مشکل کثبازناسی حروف نگاشته شده که همانا تعیین طبقات نادرست برای آنان است، در حد معقولی تعديل یابد. اشکال ۹ (الف) و ۹ (ب) (الف) برای تک حرف و ۹ (ب) برای دنباله حروف) نمایانگر آنانند که این "بازه زاویه‌ای" چرخش در عمل چگونه رعایت می‌گردد.

همچنانکه از شکل ۹ (ب) پیدا است، به صراحت دیده می‌شود که نگارنده‌ای که در

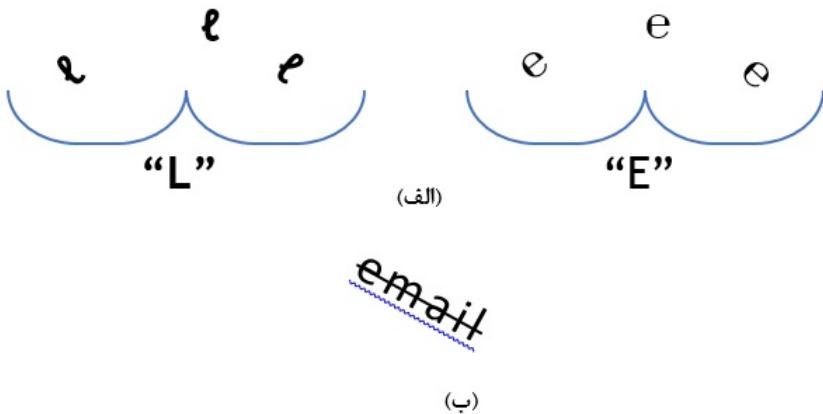
وضعیت قطعیت در Tendency	وضعیت قطعیت در Polarity	وضعیت قطعیت در Tendency	وضعیت قطعیت در Polarity	وضعیت قطعیت در Tendency	وضعیت قطعیت در Polarity	حروف مورد نظر
مهمن نیست	چپ 	افقی 	راست یا چپ	"e"	= 	
عمودی	بالا 	عمودی	بالا یا پائین	"D"	= 	
افقی	راست 	افقی 	راست یا چپ	"F"	= 	
افقی	راست یا چپ 	مهمن نیست	چپ	"J"	= 	

جدول ۲ (ب): نمونه‌هایی از ساختارهای رابطه‌ای معنادار/ هویت بخش در "حروف"

پی نگاشتن کلمه "email" است، به رغم آنکه تمایل بدان دارد که حرف "e" را اندکی کج شده (مورب) بنگارد، معذلک به خاطر حفظ هماهنگی با حرف بعدی (حرف "m" در دنباله حروف، که ذاتاً قائل به رعایت آن است، چرخش حرف "e" در حین نگارش را از حدی فراتر مجاز نمی‌داند. این به تعبیری، همان قید مرتبط با درجه مجاز در "انحراف زاویه‌ای خط پایه" از محور افق است که بیشتر بدان اشاره شد و گفته شد که زمینه‌ساز تعديل مشکل کژ بازشناسی حروف شرکت کننده در دنباله ترسیم شده ( "email" در این حالت) می‌باشد.

## ۵ جمعبندی و پیشنهادهای آتی

در این مقاله، جایگاه امکان به عنوان مفهومی توانمند در رویارویی با نایقینی، در طبقه‌بندی الگوهای با خواص ساختاری، که نهایتاً تحقق بخش فرایند ادراک در قبال این الگوهاست، به اختصار شرح داده شد. در این ارتباط گفته شد که تعیین درجه امکان برای ساختارهای شکیل معنادار که هویت‌بخش طبقات ممکنه الگو هستند، چگونه می‌تواند نقش بارزی در طبقه‌بندی نهایی یک الگو ایفا نماید. بدین نکته نیز پرداخته شد که همجوشی (ادغام) اطلاعات می‌تواند به عنوان رویکردی کلیدی در بیشنه‌سازی میزان



شکل ۹: (الف) و (ب) چگونه "بازه زاویه‌ای" چرخش در عمل رعایت می‌گردد

قطعیت نهایی (تعیین مناسب‌ترین طبقه یا طبقات ممکن) برپایه اطلاعات مربوط به درجات امکان این ساختارها، در دو سطح "هویت‌بخشی به ساختارهای شکل معنادار" و "طبقه‌بندی نهایی الگوی ورودی"، ایفای نقش نماید.

در متن مقاله، ضمن تأکید بر الگوی اشکال به عنوان نمونه بارزی برای الگویی با خواص ساختاری، به نقش خطوط با انحنای به عنوان عامل تبیینگر یک شکل اشاره گردید و گفته شد که چگونه مفاهیمی از قبیل "قطبیت"، "تمایل" و "تجانس" (به عنوان عوامل رهگشا در تبیین وضعیت یک منحنی)، و در کنار آن مفاهیمی از نوع "بالا"، "پایین"، "راست"، "چپ"، "همبری"، "درون" و "برون" (به عنوان عوامل رهگشا در تبیین روابط میان منحنی‌های همسایه)، می‌توانند در تعیین درجات امکان برای ساختارهای شکل معنادار ایفای نقش نمایند.

آنچه به نظر می‌رسد که به عنوان فعالیت پژوهشی در حوزه "ادراک برپایه امکان" قابل طرح باشد، "بازشناسی دنباله پیوسته حروف دستنویس" و "تحلیل صحنه‌های کژدیس" (متتشکل از تصاویر دو بعدی مرتبط با اجسام سه بعدی که به نوعی در کنار یکدیگر قرار گرفته‌اند) در حوزه الگوهای اشکال ساخت یافته و افزون بر آن، شناسایی نواحی خاص در متون علمی/تخصصی و متون پژوهشی با کارکردهای ویژه می‌باشد. در ارتباط با مورد اخیر، به طور مثال می‌توان به شناسایی بخش‌های مهم در یک مقاله پژوهشی از قبیل "مقدمه" (یا "پس زمینه")، "ادبیات مروری" (یا "کارهای

مرتبط")، "رویکرد نوین پیشنهادی" (به عنوان "نوآوری" یک مقاله)، "اعتبار سنجی" (یا "صحت سنجی") رویکرد پیشنهادی (از منظر اهداف برشمارده در مقاله) و غایتاً "افق‌ها/چشم‌اندازهای آن" رویکرد پیشنهادی اشاره داشت. شایان ذکر است ترکیبات واژگانی خاص جملات و عبارات (فصل، اسم، صفت یا قید، حروف اضافه و حروف ربط) به تعبیری همان ساختارهای شکل معنادار هستند که به نوبه خود می‌توانند هویت بخش طبقاتی از جملات باشند که در فوق بدان اشاره شد. نقش روابط میان اجزای همسایه در این ترکیبات را حروف اضافه و یا حروف ربط عهده‌دار هستند.

## مراجع

- [1] Lodwick, W.A. (2021). Fuzzy, Possibility, Probability, and Generalized Uncertainty Theory in Mathematical Analysis. *Journal of Mahani Mathematical Research*, Vol.10, Issue 2, pp.73-101.
- [2] Zadeh, L.A. (1999). Fuzzy sets as a basis for a theory of possibility. *Fuzzy Sets and Systems*, Vol. 100, Supplement 1, pp. 9-34.
- [3] Dubois D., Prade H. (1998). Possibility Theory: Qualitative and Quantitative Aspects. In: Smets P. (eds) Quantified Representation of Uncertainty and Imprecision. *Handbook of Defeasible Reasoning and Uncertainty Management Systems*, Vol. 1, Springer, Dordrecht.
- [4] Pyt'ev Y.P. and Zhivotnikov G. S. (2004). On the methods of possibility theory for morphological image analysis. *Pattern Recognition, Image Analysis*, 14 (1), pp.60–71.
- [5] Dubois, D., Prade, H. (2012). Possibility theory: an approach to computerized processing of uncertainty. Springer Science Business Media.
- [6] Knill, D. C., Richards, W. (Eds.). (1996). Perception as Bayesian inference. Cambridge University Press.

- [7] Stroock, D. W. (2000). Probability Theory: An Analytic View. Cambridge: Cambridge University Press.
- [8] Jaynes E.T. and Brethorst G. L. (2003). Probability Theory: The Logic of Science. Cambridge University Press.
- [9] Devroye L., Györfi L., Lugosi G. (2013). A Probabilistic Theory of Pattern Recognition. Springer; Softcover reprint of the original 1st ed. 1996 edition (November 22, 2013).
- [10] Medasani, S., Kim, J., Krishnapuram, R. (1998). An overview of membership function generation techniques for pattern recognition. International Journal of approximate reasoning, 19(3-4), 391-417.
- [11] Bezdek, J. C., Keller, J., Krisnapuram, R., Pal, N. (1999). Fuzzy models and algorithms for pattern recognition and image processing (Vol. 4). Springer Science Business Media.
- [12] Bezdek, J. C. (2013). Pattern recognition with fuzzy objective function algorithms. Springer Science Business Media.
- [13] Fukunaga, K., Hostetler, L. (1975). The estimation of the gradient of a density function, with applications in pattern recognition. IEEE Transactions on information theory, 21(1), 32-40.
- [14] Bishop, C. M. (1995). Neural networks for pattern recognition. Oxford university press.
- [15] Jain, A. K. (1987). Advances in statistical pattern recognition. In Pattern recognition theory and applications (pp. 1-19). Springer, Berlin, Heidelberg.
- [16] Cha, S. H. (2007). Comprehensive survey on distance/similarity measures between probability density functions. City, 1(2), 1.

- [17] Kohonen, T. (1990). Statistical pattern recognition revisited. In Advanced neural computers (pp. 137-144). North-Holland.
- [18] Pau, L. F. (1982). Fusion of multisensor data in pattern recognition. In Pattern recognition theory and applications (pp. 189-201). Springer, Dordrecht.
- [19] Repp, B. H., Milburn, C., Ashkenas, J. (1983). Duplex perception: Confirmation of fusion. Perception Psychophysics, 33(4), 333-337.
- [20] Della Riccia, G., Lenz, H. J., Kruse, R. (Eds.). (2001). Data fusion and perception. Springer.
- [21] Sun, Q. S., Zeng, S. G., Liu, Y., Heng, P. A., Xia, D. S. (2005). A new method of feature fusion and its application in image recognition. Pattern Recognition, 38(12), 2437-2448.
- [22] Schwenker, F., Dietrich, C., Thiel, C., Palm, G. (2006). Learning of decision fusion mappings for pattern recognition. International Journal on Artificial Intelligence and Machine Learning (AIML), 6, 17-21.
- [23] Hak, T., Dul, J. (2009). Pattern matching.
- [24] Hoffmann, C. M., O'Donnell, M. J. (1982). Pattern matching in trees. Journal of the ACM (JACM), 29(1), 68-95.
- [25] Dubois, D., Prade, H., Testemale, C. (1988). Weighted fuzzy pattern matching. Fuzzy sets and systems, 28(3), 313-331.
- [26] Cayrol, M., Farreny, H., Prade, H. (1982). Fuzzy pattern matching. Kybernetes.